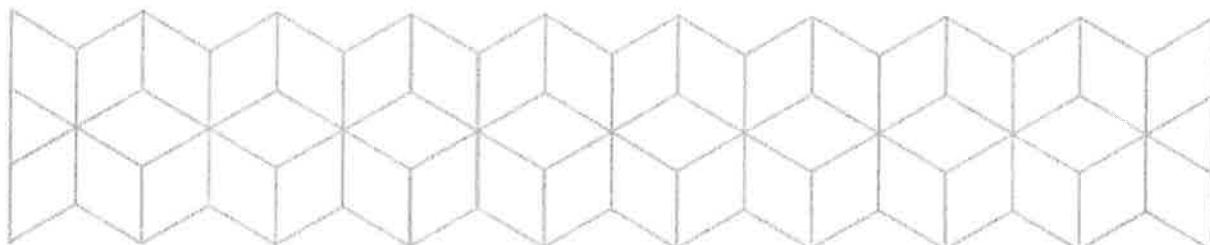


EKSAMEN

Emnekode: SFB12003/SFB12016	Emnenavn: Metodekurs II: Samfunnsvitenskapelig metode og anvendt statistikk
Dato: 27.11.2017	Eksamenstid: 0900-1300
Hjelpeemidler: Godkjent kalkulator	Faglærer: Bjørnar Karlsen Kivedal
Om eksamensoppgaven og poengberegning: Oppgavesettet består av 11 sider inklusiv denne forsiden og vedlagte formler og tabeller. Kontroller at oppgaven er komplett før du begynner å besvare spørsmålene. Det er til sammen tre oppgaver. Alle oppgavene skal besvares og teller som angitt i parentes i oppgaveteksten ved sensurering. Dersom noe er uklart eller mangler i oppgavene inngår det som en del av oppgaven å ta de nødvendige forutsetninger.	
Sensurfrist: 18.12.2017 Karakterene er tilgjengelige for studenter på Studentweb www.hiof.no/studentweb	



Oppgave 1 (50%)

Følgende data viser antall kroner brukt på kjøp av pizza i løpet av 2016 Z_i for person i og alderen A_i i år for person i for 40 ulike personer i Halden.

A	Z	A	Z	A	Z	A	Z
25	872	40	752	45	0	30	2592
45	0	21	568	32	1128	51	696
20	0	45	3224	20	2392	22	3160
28	864	36	328	55	1184	40	4104
25	1760	36	80	18	3392	30	448
35	1512	40	880	30	1936	36	3200
40	512	23	1912	45	952	27	3072
22	2096	32	504	40	2704	24	2096
30	512	52	0	50	1080	21	2688
21	280	30	848	32	4720	45	2248

Vi får av dette at $\bar{A} = 33,5$ $\bar{Z} = 1\ 523,4$ $\sum_{i=1}^{40}(A - \bar{A})^2 = 4\ 100,0$ $\sum_{i=1}^{40}(Z - \bar{Z})^2 = 60\ 649\ 721,6$ og $\sum_{i=1}^{40}(A - \bar{A})(Z - \bar{Z}) = -107\ 955,6$

- a) Anta at $Z_i = B_1 + B_2 A_i + u_i$ (*Modell 1*) der u_i er et feilledd/restledd og B_1 og B_2 er koeffisienter/parametere. Bruk minste kvadraters metode for å beregne/estimere B_1 og B_2 . Gi en tolkning av de beregnede koeffisientene.
- b) Vis at determinasjonskoeffisienten (R-kvadrat) er 0,047 og forklar hva dette forteller.
- c) Lag et 99% konfidensintervall for B_2 og forklar hva intervallet viser. [Hint: $R^2 = 1 - \frac{RSS}{TSS} \Leftrightarrow RSS = TSS(1 - R^2)$ og $TSS = \sum_{i=1}^{40}(Z - \bar{Z})^2$]
- d) Bruk en hypotesetest for å teste om alder har en effekt på pizzakjøp. Bruk et 1% signifikansnivå.

I tillegg har vi informasjon om hvilket kjønn hver av de 40 personene har. De 21 første personene i datasettet over er kvinner og de 19 siste personene er menn. Vi benytter dummyvariabelen K_i som tar verdien 1 dersom person i er kvinne og 0 dersom person i er mann. Dette gir oss følgende modell (*Modell 2*)

$$Z_i = B_1 + B_2 A_i + B_3 K_i + B_4 K_i \cdot A_i + u_i$$

og tilhørende beregnede modell:

$$\hat{Z}_i = 3847,9 - 45,2 \cdot A_i - 2602,1 \cdot K_i + 32,7138 \cdot K_i \cdot A_i$$

$$(731,2) \quad (20,4) \quad (1070,6) \quad (30,7)$$

der standardfeil er gitt i parentes under de beregnede koeffisientene. I tillegg får vi at $R^2 = 0,437$.

- e) Skissér regresjonslinjene for de to kategoriene modellen har i en figur. Forklar ved bruk av figuren og den beregnede modellen hva en konstantleddsdummy og en stigningstallsdummy er.
- f) Test om det er en forskjell på pizzakjøp mellom menn og kvinner ved å bruke et 1% signifikansnivå.

Ved å bruke de kvadrerte anslagsfeilene \hat{u}_i^2 etter å ha beregnet *Modell 2*. Får vi den beregnede modellen

$$\hat{u}^2 = 14509,5 + \frac{65,2}{(18009,1)} \cdot A_i - \frac{18560,0}{(502,8)} \cdot K_i + \frac{371,2}{(26367,2)} \cdot K_i \cdot A_i + v_i$$

der v_i er feilreddet til denne modellen som har $R^2 = 0,0356$.

- g) Bruk dette til å gjennomføre Breusch-Pagan-testen på *Modell 2*. Bruk et 1% signifikansnivå. Forklar hva resultatet av testen innebærer.

Oppgave 2 (30%)

Vi har et datasett som inneholder observasjoner hentet fra den belgiske husholdningsbudsjettundersøkelsen 1995/96 med et utvalg på 2724 husholdninger i Belgia. Dataene er hentet fra NIS (National Institute of Statistics) i Belgia.

Vi beregner modellen (*Modell 4*)

$$tob_i = B_1 + B_2 \ln(budsj_i) + B_3 alder_i + B_4 barn2_i + B_5 alk_i$$

der

- tob_i er andel av det totale husholdningsbudsjettet som brukes på tobakk
- $budsj_i$ er det totale husholdningsbudsjettet i belgiske franc (BEF) (1 BEF = 0,22 NOK i 1995)
- $alder_i$ er et mål på alderen til den eldste personen i husholdningen. Denne variabelen kan anta verdiene 0, 1, 2, 3 eller 4, som representerer hhv. intervallene «under 25 år», «25-34 år», «35-44 år», «45-54 år» og «over 54 år».
- $barn3_i$ er antall barn som er under tre år gamle i husholdningen
- alk_i er andel av det totale husholdningsbudsjettet som brukes på alkohol
- ln står for naturlig logaritme

Resultatene fra den beregnede modellen vises i Gretl-utskriften under:

Model 4: OLS, using observations 1-2724
Dependent variable: tob

	Coefficient	Std. Error	t-ratio	p-value	
const	17,5057	1,35117	12,96	<0,0001	***
Inbudsj	-1,14159	0,0974210	-11,72	<0,0001	***
alder	-0,293255	0,0356027	-8,237	<0,0001	***
barn3	-0,505693	0,223607	-2,262	0,0238	**
alk	0,0655853	0,0216678	3,027	0,0025	***
Mean dependent var	1,224291	S.D. dependent var		2,491903	
Sum squared resid	15812,63	S.E. of regression		2,411557	
R-squared	0,064822	Adjusted R-squared		0,063446	
F(4, 2719)	47,11687	P-value(F)		2,40e-38	
Log-likelihood	-6260,548	Akaike criterion		12531,10	
Schwarz criterion	12560,65	Hannan-Quinnk		12541,78	

- a) Gi en tolkning av de beregnede stigningstallene.

Modellen utvides med variabelen $alder_i^2$, som er kvadrert alder. Dette gir følgende beregnede modell (*Modell 5*) vist gjennom utskriften fra Gretl nedenfor:

Model 5: OLS, using observations 1-2724
Dependent variable: tob

	<i>Coefficient</i>	<i>Std. Error</i>	<i>t-ratio</i>	<i>p-value</i>	
const	18,8328	1,37402	13,71	<0,0001	***
Inbudsj	-1,27758	0,101105	-12,64	<0,0001	***
alder	0,426790	0,154559	2,761	0,0058	***
barn3	-0,350257	0,225067	-1,556	0,1198	
alk	0,0650916	0,0215813	3,016	0,0026	***
alder2	-0,156460	0,0326886	-4,786	<0,0001	***
Mean dependent var	1,224291	S.D. dependent var		2,491903	
Sum squared resid	15680,47	S.E. of regression		2,401899	
R-squared	0,072638	Adjusted R-squared		0,070932	
F(5, 2718)	42,57910	P-value(F)		2,32e-42	
Log-likelihood	-6249,117	Akaike criterion		12510,23	
Schwarz criterion	12545,69	Hannan-Quinn		12523,05	

- b) Anslå andelen av husholdningsbudsjettet som brukes på tobakk dersom totalt husholdningsbudsjett er 1 000 000 BEF [Hint: $\ln(1\ 000\ 000)=13,82$], alderen på den eldste personen i husholdningen er mellom 45 og 54 år, ingen barn i husholdningen er under 3 år og husholdningen ikke bruker noe av husholdningsbudsjettet på alkohol.
- c) Gjør det samme som i oppgave b), men anta nå at den eldste personen i husholdningen er over 54 år gammel (de andre forklaringsvariablene har samme verdier som i b)).
- d) Beregn forskjellen mellom anslagene du fant i oppgave b) og c). Kommenter resultatene, spesielt i forhold til tolkningen av det beregnede stigningstallet b_3 i *Modell 4*.

Oppgave 3 (20%)

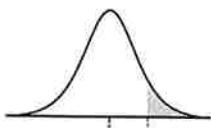
- a) Hvilke mulige problemstillinger kan ha vært bakgrunnen for å beregne modellene i
 - i) oppgave 1
 - ii) oppgave 2
- b) Hvilke temaer undersøkes og hva er avgrensninger i rom og tid for å komme fram til problemstillingene du fant i oppgave a) i
 - i) oppgave 1
 - ii) oppgave 2
- c) Hvilke ulike målenivå skiller vi mellom? Forklar forskjellene mellom disse. På hvilket målenivå er verdiene til variablene som brukes i oppgave 2?
- d) Vil du si at det er brukt positivism eller hermeneutikk i undersøkelsene du har gjort i oppgave 1 og 2? Forklar kort forskjellene mellom de to tilnærmingene, og hvordan forskning i økonomiske fag ofte skiller seg fra forskning i naturvitenskap.

Formler og tabeller

Utvalgsgjennomsnittet til X	$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$
Utvalgsvariansen til X	$s_X^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$
Utvalgsstandardavviket til X	$s_X = \sqrt{s_X^2}$
Utvalgskovariansen mellom X og Y	$s_{XY} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y})$
Utvalgskorrelasjonen mellom X og Y	$r_{XY} = \frac{s_{XY}}{s_X \cdot s_Y}$
Estimerte/beregnehede verdier i den enkle regresjonsmodellen	$b_2 = \frac{s_{XY}}{s_X^2}, \quad b_1 = \bar{Y} - b_2 \bar{X}$
Standardfeilen til regresjonen	$\hat{\sigma} = \sqrt{\frac{\sum \hat{u}^2}{n-k}} \quad \hat{\sigma}^2 = \frac{\sum \hat{u}^2}{n-k} $
Forklart kvadratsum	$ESS = \sum (\hat{Y}_i - \bar{Y})^2$
Totalkvadratsum	$TSS = \sum (Y_i - \bar{Y})^2$
Residualkvadratsum	$RSS = \sum \hat{u}_i^2 = \sum (Y_i - \hat{Y}_i)^2$
Determinasjonskoeffisienten	$R^2 = \frac{ESS}{TSS}$
Determinasjonskoeffisienten – alternativ formel ved enkel regresjon	$R^2 = r_{XY}^2$
Justert R^2	$\bar{R}^2 = 1 - (1 - R^2) \cdot \left(\frac{n-1}{n-k}\right) $
Testobservator/testuttrykk til en enkel hypotesetest	$\frac{b - H_0\text{verdi}}{se(b)}$
Standardfeil til estimert/beregnet stigningstall. ($R_j^2 = 0$ ved enkel regresjon)	$se(b_j) = \sqrt{var(b_j)}$ $var(b_j) = \frac{\hat{\sigma}^2}{\sum_{i=1}^n (X_{ji} - \bar{X}_j)^2} \cdot \frac{1}{1 - R_j^2}$
Et $(1 - \alpha) \cdot 100\%$ konfidensintervall for B_i	Øvre grense: $b_i + t_{\alpha/2}(df) \cdot se(b_i)$ Nedre grense: $b_i - t_{\alpha/2}(df) \cdot se(b_i)$
Testuttrykk til F-testen	$F = \frac{(RSS_r - RSS_{ur})/m}{RSS_{ur}/(n-k)}$
Testuttrykk til F-testen dersom $TSS_{ur} = TSS_r$	$F = \frac{(R_{ur}^2 - R_r^2)/m}{(1 - R_{ur}^2)/(n-k)}$

Frihetsgrader i hhv. teller og nevner i F-fordelingen ved multippel hypotesetesting	$Df_1 = m$ og $Df_2 = n - k$
Regneregler eksponentialfunksjonen	$e^x \cdot e^y = e^{x+y}$ $\frac{e^x}{e^y} = e^{x-y}$ $(e^x)^y = e^{x \cdot y}$
Regneregler logaritmer	$x = e^{\ln x}$, gitt at $x > 0$ $\ln 1 = 0$ $\ln e = 1$ $\ln 0$ eksisterer ikke $\ln(x \cdot y) = \ln x + \ln y$ $\ln\left(\frac{x}{y}\right) = \ln x - \ln y$ $\ln x^y = y \cdot \ln x$
Tilnærmet tolkning av stigningstall i log-log-sammenhenger	Dersom forklaringsvariabelen øker med 1% så endres avhengig variabel i gjennomsnitt med $b_i\%$, cet. par.
Tilnærmet tolkning av stigningstall i log-lin-sammenhenger	Dersom forklaringsvariabelen øker med en enhet så endres avhengig variabel i gjennomsnitt med $(b_i \cdot 100)\%$, cet. par.
Tilnærmet tolkning av stigningstall i lin-log-sammenhenger	Dersom forklaringsvariabelen øker med 1% så endres avhengig variabel i gjennomsnitt med $b_i/100$, cet. par.
Et $(1 - \alpha) \cdot 100\%$ konfidensintervall for den faktiske verdien Y	Øvre grense: $\hat{Y} + t_{\alpha/2}(df) \cdot se(Y)$ Nedre grense: $\hat{Y} - t_{\alpha/2}(df) \cdot se(Y)$ der $se(Y) = \hat{\sigma}$ dersom anslaget er for én periode fremover i tid
Testobservator kjikvadrattest	$Q = \sum_{alle\ celler} \frac{(observert - forventet)^2}{forventet}$
Frihetsgrader kjikvadrattest	$(r - 1)(k - 1)$

t-fordelingen: Kritiske verdier



Frihetsgrader (df)	Halesannsynligheter:											
	0.30	0.25	0.20	0.15	0.10	0.05	0.025	0.02	0.01	0.005	0.0025	0.001
1	0.727	1.000	1.376	1.963	3.078	6.314	12.71	15.89	31.82	63.66	127.3	318.3
2	0.617	0.816	1.061	1.386	1.886	2.920	4.303	4.849	6.965	9.925	14.09	22.33
3	0.584	0.765	0.978	1.250	1.638	2.353	3.182	3.482	4.541	5.841	7.453	10.21
4	0.569	0.741	0.941	1.190	1.533	2.132	2.776	2.999	3.747	4.604	5.598	7.173
5	0.559	0.727	0.920	1.156	1.476	2.015	2.571	2.757	3.365	4.032	4.773	5.893
6	0.553	0.718	0.906	1.134	1.440	1.943	2.447	2.612	3.143	3.707	4.317	5.208
7	0.549	0.711	0.896	1.119	1.415	1.895	2.365	2.517	2.998	3.499	4.029	4.785
8	0.546	0.706	0.889	1.108	1.397	1.860	2.306	2.449	2.896	3.355	3.833	4.501
9	0.543	0.703	0.883	1.100	1.383	1.833	2.262	2.398	2.821	3.250	3.690	4.297
10	0.542	0.700	0.879	1.093	1.372	1.812	2.228	2.359	2.764	3.169	3.581	4.144
11	0.540	0.697	0.876	1.088	1.363	1.796	2.201	2.328	2.718	3.106	3.497	4.025
12	0.539	0.695	0.873	1.083	1.356	1.782	2.179	2.303	2.681	3.055	3.428	3.930
13	0.538	0.694	0.870	1.079	1.350	1.771	2.160	2.282	2.650	3.012	3.372	3.852
14	0.537	0.692	0.868	1.076	1.345	1.761	2.145	2.264	2.624	2.977	3.326	3.787
15	0.536	0.691	0.866	1.074	1.341	1.753	2.131	2.249	2.602	2.947	3.286	3.733
16	0.535	0.690	0.865	1.071	1.337	1.746	2.120	2.235	2.583	2.921	3.252	3.686
17	0.534	0.689	0.863	1.069	1.333	1.740	2.110	2.224	2.567	2.898	3.222	3.646
18	0.534	0.688	0.862	1.067	1.330	1.734	2.101	2.214	2.552	2.878	3.197	3.610
19	0.533	0.688	0.861	1.066	1.328	1.729	2.093	2.205	2.539	2.861	3.174	3.579
20	0.533	0.687	0.860	1.064	1.325	1.725	2.086	2.197	2.528	2.845	3.153	3.552
21	0.532	0.686	0.859	1.063	1.323	1.721	2.080	2.189	2.518	2.831	3.135	3.527
22	0.532	0.686	0.858	1.061	1.321	1.717	2.074	2.183	2.508	2.819	3.119	3.505
23	0.532	0.685	0.858	1.060	1.319	1.714	2.069	2.177	2.500	2.807	3.104	3.485
24	0.531	0.685	0.857	1.059	1.318	1.711	2.064	2.172	2.492	2.797	3.091	3.467
25	0.531	0.684	0.856	1.058	1.316	1.708	2.060	2.167	2.485	2.787	3.078	3.450
26	0.531	0.684	0.856	1.058	1.315	1.706	2.056	2.162	2.479	2.779	3.067	3.435
27	0.531	0.684	0.855	1.057	1.314	1.703	2.052	2.158	2.473	2.771	3.057	3.421
28	0.530	0.683	0.855	1.056	1.313	1.701	2.048	2.154	2.467	2.763	3.047	3.408
29	0.530	0.683	0.854	1.055	1.311	1.699	2.045	2.150	2.462	2.756	3.038	3.396
30	0.530	0.683	0.854	1.055	1.310	1.697	2.042	2.147	2.457	2.750	3.030	3.385
31	0.530	0.682	0.853	1.054	1.309	1.696	2.040	2.144	2.453	2.744	3.022	3.375
32	0.530	0.682	0.853	1.054	1.309	1.694	2.037	2.141	2.449	2.738	3.015	3.365
33	0.530	0.682	0.853	1.053	1.308	1.692	2.035	2.138	2.445	2.733	3.008	3.356
34	0.529	0.682	0.852	1.052	1.307	1.691	2.032	2.136	2.441	2.728	3.002	3.348
35	0.529	0.682	0.852	1.052	1.306	1.690	2.030	2.133	2.438	2.724	2.996	3.340
36	0.529	0.681	0.852	1.052	1.306	1.688	2.028	2.131	2.434	2.719	2.990	3.333
37	0.529	0.681	0.851	1.051	1.305	1.687	2.026	2.129	2.431	2.715	2.985	3.326
38	0.529	0.681	0.851	1.051	1.304	1.686	2.024	2.127	2.429	2.712	2.980	3.319
39	0.529	0.681	0.851	1.050	1.304	1.685	2.023	2.125	2.426	2.708	2.976	3.313
40	0.529	0.681	0.851	1.050	1.303	1.684	2.021	2.123	2.423	2.704	2.971	3.307
41	0.529	0.681	0.850	1.050	1.303	1.683	2.020	2.121	2.421	2.701	2.967	3.301
42	0.528	0.680	0.850	1.049	1.302	1.682	2.018	2.120	2.418	2.698	2.963	3.296
43	0.528	0.680	0.850	1.049	1.302	1.681	2.017	2.118	2.416	2.695	2.959	3.291
44	0.528	0.680	0.850	1.049	1.301	1.680	2.015	2.116	2.414	2.692	2.956	3.286
45	0.528	0.680	0.850	1.049	1.301	1.679	2.014	2.115	2.412	2.690	2.952	3.281
46	0.528	0.680	0.850	1.048	1.300	1.679	2.013	2.114	2.410	2.687	2.949	3.277
47	0.528	0.680	0.849	1.048	1.300	1.678	2.012	2.112	2.408	2.685	2.946	3.273
48	0.528	0.680	0.849	1.048	1.299	1.677	2.011	2.111	2.407	2.682	2.943	3.269
49	0.528	0.680	0.849	1.048	1.299	1.677	2.010	2.110	2.405	2.680	2.940	3.265
50	0.528	0.679	0.849	1.047	1.299	1.676	2.009	2.109	2.403	2.678	2.937	3.261
51	0.528	0.679	0.849	1.047	1.298	1.675	2.008	2.108	2.402	2.676	2.934	3.258
52	0.528	0.679	0.849	1.047	1.298	1.675	2.007	2.107	2.400	2.674	2.932	3.255
53	0.528	0.679	0.848	1.047	1.298	1.674	2.006	2.106	2.399	2.672	2.929	3.251
54	0.528	0.679	0.848	1.046	1.297	1.674	2.005	2.105	2.397	2.670	2.927	3.248
55	0.527	0.679	0.848	1.046	1.297	1.673	2.004	2.104	2.396	2.668	2.925	3.245
60	0.527	0.679	0.848	1.045	1.296	1.671	2.000	2.099	2.390	2.660	2.915	3.232
70	0.527	0.678	0.847	1.044	1.294	1.667	1.994	2.093	2.381	2.648	2.899	3.211
80	0.526	0.678	0.846	1.043	1.292	1.664	1.990	2.088	2.374	2.639	2.887	3.195
90	0.526	0.677	0.846	1.042	1.291	1.662	1.987	2.084	2.368	2.632	2.878	3.183
100	0.526	0.677	0.845	1.042	1.290	1.660	1.984	2.081	2.364	2.626	2.871	3.174
1000	0.525	0.675	0.842	1.037	1.282	1.646	1.962	2.056	2.330	2.581	2.813	3.098
∞	0.524	0.674	0.842	1.036	1.282	1.645	1.960	2.054	2.326	2.576	2.807	3.090
	40%	50%	60%	70%	80%	90%	95%	96%	98%	99%	99.5%	99.8%

Konfidensnivå

Generert i R versjon 2.13.2 med qt funksjonen.

F(Df₁, Df₂)-fordelingen: Kritiske verdier for et 10% signifikansnivå

Df ₂	Df ₁ : Frihetsgrader i teller																				
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	40
1	39.86	49.50	53.59	55.83	57.24	58.20	58.91	59.44	59.86	60.19	60.47	60.71	61.07	61.35	61.66	61.94	62.53	63.33			
2	8.526	9.000	9.162	9.243	9.293	9.326	9.349	9.367	9.381	9.392	9.401	9.420	9.445	9.463	9.481	9.491	9.466	9.466	9.466	9.466	
3	5.538	5.462	5.391	5.243	5.309	5.285	5.266	5.252	5.240	5.230	5.222	5.216	5.205	5.205	5.205	5.193	5.190	5.184	5.160	5.134	
4	4.545	4.325	4.191	4.107	4.051	4.010	3.979	3.955	3.936	3.920	3.907	3.896	3.878	3.864	3.858	3.853	3.849	3.844	3.804	3.761	
5	4.060	3.780	3.619	3.520	3.453	3.405	3.368	3.339	3.316	3.297	3.282	3.268	3.257	3.247	3.238	3.230	3.223	3.217	3.207	3.157	3.105
6	3.776	3.463	3.289	3.181	3.108	3.055	3.014	2.983	2.958	2.937	2.920	2.905	2.882	2.863	2.848	2.842	2.836	2.824	2.781	2.722	
7	3.589	3.257	3.074	2.961	2.806	2.726	2.668	2.624	2.589	2.752	2.703	2.684	2.664	2.643	2.623	2.615	2.607	2.601	2.595	2.535	
8	3.458	3.113	2.924	2.806	2.726	2.648	2.583	2.538	2.561	2.538	2.519	2.502	2.488	2.475	2.464	2.455	2.446	2.438	2.431	2.361	2.293
9	3.360	3.006	2.813	2.693	2.611	2.551	2.505	2.469	2.440	2.416	2.396	2.379	2.364	2.351	2.340	2.329	2.312	2.295	2.232	2.159	
10	3.285	2.924	2.728	2.605	2.522	2.461	2.414	2.377	2.347	2.323	2.302	2.284	2.269	2.255	2.244	2.233	2.224	2.215	2.208	2.201	2.055
11	3.225	2.860	2.660	2.536	2.451	2.389	2.342	2.304	2.274	2.248	2.227	2.209	2.193	2.179	2.167	2.156	2.147	2.138	2.130	2.052	
12	3.177	2.807	2.606	2.480	2.394	2.331	2.283	2.234	2.195	2.164	2.146	2.116	2.107	2.105	2.093	2.080	2.066	2.053	2.042	2.023	
13	3.136	2.763	2.560	2.434	2.347	2.283	2.234	2.195	2.164	2.138	2.116	2.097	2.080	2.075	2.066	2.054	2.037	2.022	2.010	1.978	
14	3.102	2.726	2.522	2.395	2.307	2.243	2.193	2.154	2.122	2.095	2.073	2.054	2.037	2.027	2.017	2.000	1.985	1.972	1.961	1.941	
15	3.073	2.695	2.490	2.361	2.273	2.208	2.158	2.119	2.086	2.059	2.037	2.017	2.000	1.985	1.972	1.961	1.950	1.941	1.932	1.845	1.755
16	3.048	2.668	2.462	2.333	2.244	2.178	2.128	2.088	2.055	2.028	2.005	1.985	1.968	1.953	1.940	1.928	1.917	1.908	1.899	1.811	1.718
17	3.026	2.645	2.437	2.308	2.218	2.152	2.102	2.079	2.038	2.001	1.978	1.958	1.940	1.925	1.912	1.900	1.887	1.875	1.864	1.845	1.686
18	3.007	2.624	2.416	2.286	2.196	2.130	2.079	2.038	2.005	1.977	1.954	1.933	1.916	1.900	1.887	1.875	1.854	1.837	1.754	1.657	
19	2.990	2.606	2.397	2.266	2.176	2.109	2.058	2.017	1.984	1.956	1.932	1.912	1.894	1.878	1.865	1.852	1.841	1.822	1.814	1.730	1.631
20	2.975	2.589	2.380	2.249	2.158	2.091	2.040	1.999	1.965	1.937	1.913	1.892	1.875	1.859	1.845	1.833	1.821	1.802	1.794	1.708	1.607
21	2.961	2.575	2.365	2.233	2.142	2.075	2.023	1.982	1.948	1.920	1.896	1.875	1.857	1.841	1.827	1.815	1.803	1.793	1.784	1.586	
22	2.949	2.551	2.351	2.219	2.128	2.060	2.008	1.967	1.933	1.904	1.880	1.859	1.841	1.825	1.811	1.798	1.787	1.777	1.768	1.671	
23	2.937	2.549	2.339	2.207	2.115	2.047	1.995	1.953	1.919	1.890	1.866	1.845	1.827	1.811	1.796	1.784	1.772	1.762	1.753	1.655	
24	2.927	2.538	2.327	2.195	2.103	2.035	1.983	1.941	1.906	1.877	1.853	1.832	1.814	1.797	1.783	1.770	1.759	1.748	1.739	1.641	1.533
25	2.918	2.528	2.317	2.184	2.092	2.024	1.971	1.927	1.895	1.866	1.841	1.820	1.785	1.771	1.758	1.746	1.736	1.726	1.718	1.518	
26	2.909	2.519	2.307	2.174	2.082	2.014	1.961	1.919	1.884	1.855	1.830	1.809	1.789	1.760	1.747	1.735	1.724	1.715	1.706	1.504	
27	2.901	2.511	2.299	2.165	2.073	2.005	1.952	1.909	1.874	1.850	1.820	1.798	1.778	1.758	1.739	1.724	1.714	1.704	1.693	1.491	
28	2.894	2.503	2.291	2.157	2.064	2.004	1.943	1.900	1.865	1.836	1.811	1.790	1.771	1.754	1.730	1.726	1.715	1.704	1.694	1.592	
29	2.887	2.495	2.283	2.149	2.057	1.988	1.935	1.892	1.857	1.827	1.802	1.781	1.762	1.745	1.726	1.715	1.705	1.695	1.685	1.467	
30	2.881	2.489	2.276	2.142	2.059	2.019	1.950	1.927	1.884	1.852	1.819	1.794	1.773	1.754	1.737	1.722	1.709	1.697	1.686	1.667	
31	2.875	2.482	2.270	2.136	2.042	1.973	1.920	1.877	1.842	1.812	1.787	1.765	1.746	1.729	1.714	1.701	1.689	1.678	1.668	1.446	
32	2.869	2.477	2.263	2.129	2.036	1.967	1.913	1.885	1.855	1.825	1.795	1.773	1.754	1.732	1.715	1.704	1.694	1.682	1.661	1.437	
33	2.864	2.471	2.258	2.123	2.030	1.964	1.910	1.864	1.834	1.804	1.774	1.753	1.732	1.712	1.694	1.687	1.675	1.664	1.654	1.428	
34	2.859	2.466	2.252	2.118	2.024	1.955	1.901	1.858	1.829	1.795	1.763	1.743	1.723	1.703	1.684	1.673	1.663	1.654	1.647	1.428	
35	2.855	2.461	2.247	2.113	2.041	1.946	1.875	1.819	1.775	1.738	1.707	1.680	1.657	1.637	1.619	1.603	1.589	1.576	1.553	1.411	
40	2.835	2.440	2.226	2.091	1.997	1.927	1.873	1.829	1.793	1.763	1.737	1.715	1.695	1.678	1.662	1.649	1.636	1.625	1.615	1.377	
45	2.820	2.425	2.210	2.074	2.002	1.906	1.834	1.778	1.732	1.695	1.653	1.620	1.592	1.562	1.537	1.517	1.502	1.494	1.382	1.214	
50	2.809	2.412	2.197	2.061	1.966	1.895	1.840	1.796	1.760	1.729	1.703	1.680	1.650	1.627	1.604	1.582	1.555	1.549	1.445	1.327	
55	2.799	2.402	2.186	2.050	1.955	1.884	1.829	1.785	1.748	1.717	1.691	1.668	1.643	1.620	1.598	1.578	1.557	1.544	1.446	1.327	
60	2.791	2.393	2.177	2.041	1.946	1.875	1.819	1.775	1.738	1.707	1.680	1.657	1.637	1.614	1.593	1.573	1.557	1.544	1.446	1.327	
80	2.769	2.370	2.154	2.016	1.921	1.849	1.793	1.748	1.711	1.680	1.653	1.623	1.593	1.562	1.537	1.517	1.502	1.494	1.382	1.214	
100	2.756	2.356	2.139	2.002	1.906	1.834	1.778	1.732	1.695	1.663	1.636	1.603	1.573	1.542	1.517	1.502	1.494	1.382	1.214		
300	2.722	2.320	2.102	1.964	1.867	1.794	1.737	1.691	1.651	1.620	1.592	1.562	1.532	1.502	1.478	1.455	1.437	1.428	1.327	1.115	
500	2.716	2.313	2.095	1.956	1.859	1.786	1.729	1.683	1.644	1.612	1.583	1.552	1.522	1.492	1.468	1.445	1.428	1.411	1.327	1.115	
1000	2.711	2.308	2.089	1.950	1.853	1.780	1.723	1.676	1.638	1.605	1.577	1.546	1.516	1.484	1.451	1.428	1.411	1.327	1.115	1.087	
∞	2.706	2.303	2.084	1.945	1.847	1.774	1.717	1.671	1.632	1.599	1.557	1.517	1.487	1.457	1.427	1.403	1.377	1.349	1.214	1.087	

Verdier generert i versjon 2.13.2 med gf funksjonen.

F(Df₁, Df₂)-fordelingen: Kritiske verdier for et 5% signifikansnivå

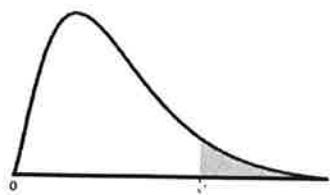
Df ₂	Df ₁ : Frihetsgrader i teller																			
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
1	101.4	199.5	215.7	224.6	230.2	234.0	236.8	238.9	240.5	241.9	243.0	244.7	245.9	246.9	247.3	247.7	248.0	251.1	254.3	
2	18.51	19.00	19.16	19.25	19.30	19.33	19.35	19.37	19.38	19.40	19.42	19.44	19.44	19.44	19.44	19.44	19.45	19.45	19.47	19.50
3	10.128	9.552	9.277	9.117	9.013	8.941	8.887	8.845	8.812	8.786	8.763	8.745	8.729	8.715	8.703	8.692	8.683	8.675	8.667	8.594
4	7.709	6.944	6.591	6.338	6.256	6.163	6.094	6.041	5.999	5.964	5.936	5.912	5.891	5.873	5.858	5.844	5.832	5.821	5.803	5.717
5	6.608	5.786	5.409	5.192	5.050	4.950	4.876	4.818	4.772	4.735	4.704	4.678	4.655	4.636	4.619	4.604	4.590	4.579	4.568	4.464
6	5.987	5.143	4.757	4.534	4.387	4.284	4.207	4.147	4.099	4.060	4.027	4.000	3.976	3.956	3.938	3.922	3.898	3.884	3.874	3.669
7	5.591	4.737	4.347	4.120	3.972	3.866	3.787	3.726	3.677	3.637	3.603	3.575	3.550	3.529	3.511	3.494	3.467	3.455	3.445	3.230
8	5.318	4.459	3.806	3.411	3.179	3.025	2.915	2.832	2.767	2.714	2.671	2.635	2.604	2.577	2.554	2.533	2.515	2.499	2.484	2.426
9	5.117	4.256	3.863	3.434	3.112	2.958	2.848	2.764	2.699	2.646	2.602	2.565	2.534	2.507	2.484	2.463	2.445	2.428	2.400	2.306
10	4.965	4.103	3.708	3.478	3.326	3.217	3.135	3.072	3.020	2.978	2.943	2.913	2.887	2.865	2.845	2.828	2.812	2.798	2.785	2.707
11	4.844	3.982	3.587	3.357	3.204	3.095	3.012	2.948	2.896	2.854	2.818	2.788	2.761	2.739	2.719	2.685	2.658	2.646	2.531	2.404
12	4.747	3.885	3.490	3.259	3.106	2.996	2.913	2.849	2.796	2.753	2.717	2.687	2.660	2.637	2.617	2.599	2.578	2.568	2.544	2.296
13	4.667	3.806	3.411	3.179	3.025	2.915	2.838	2.763	2.704	2.671	2.635	2.604	2.577	2.554	2.533	2.515	2.499	2.484	2.471	2.359
14	4.600	3.739	3.344	3.127	2.985	2.848	2.764	2.694	2.630	2.597	2.564	2.534	2.507	2.484	2.463	2.445	2.428	2.413	2.388	2.266
15	4.543	3.682	3.287	3.056	2.901	2.790	2.707	2.641	2.588	2.544	2.507	2.475	2.448	2.424	2.403	2.385	2.368	2.353	2.340	2.066
16	4.494	3.634	3.239	3.007	2.852	2.741	2.657	2.591	2.538	2.494	2.456	2.425	2.397	2.373	2.352	2.333	2.317	2.288	2.276	2.151
17	4.451	3.592	3.197	2.965	2.810	2.699	2.614	2.548	2.494	2.450	2.413	2.381	2.353	2.329	2.308	2.289	2.257	2.230	2.104	2.010
18	4.414	3.555	3.160	2.928	2.773	2.661	2.577	2.510	2.456	2.412	2.374	2.342	2.314	2.290	2.269	2.250	2.223	2.203	2.191	2.063
19	4.381	3.522	3.127	2.895	2.740	2.628	2.544	2.477	2.423	2.378	2.340	2.308	2.280	2.256	2.234	2.215	2.198	2.182	2.155	2.026
20	4.351	3.493	3.098	2.866	2.711	2.599	2.514	2.447	2.393	2.348	2.310	2.278	2.250	2.225	2.203	2.184	2.167	2.151	2.124	1.843
21	4.325	3.467	3.072	2.840	2.685	2.573	2.488	2.420	2.366	2.321	2.283	2.250	2.220	2.197	2.176	2.156	2.139	2.123	2.096	1.965
22	4.301	3.443	3.049	2.817	2.661	2.549	2.464	2.397	2.342	2.297	2.259	2.226	2.198	2.173	2.151	2.131	2.114	2.098	2.084	1.812
23	4.279	3.422	3.028	2.796	2.640	2.528	2.442	2.375	2.320	2.275	2.236	2.204	2.175	2.150	2.128	2.109	2.091	2.076	2.063	1.783
24	4.260	3.403	3.009	2.776	2.621	2.508	2.432	2.355	2.300	2.255	2.216	2.183	2.155	2.130	2.108	2.088	2.070	2.054	2.040	1.757
25	4.242	3.385	2.991	2.759	2.603	2.490	2.405	2.337	2.282	2.236	2.198	2.165	2.136	2.111	2.089	2.069	2.051	2.035	2.021	1.733
26	4.225	3.369	2.975	2.743	2.587	2.474	2.388	2.321	2.265	2.220	2.181	2.148	2.116	2.080	2.051	2.026	2.003	2.018	2.003	1.691
27	4.210	3.354	2.960	2.728	2.572	2.459	2.373	2.305	2.250	2.204	2.166	2.132	2.103	2.074	2.046	2.016	2.036	2.018	2.002	1.672
28	4.196	3.340	2.947	2.714	2.558	2.445	2.359	2.291	2.236	2.190	2.151	2.118	2.089	2.064	2.041	2.014	2.036	2.017	2.002	1.654
29	4.183	3.328	2.934	2.701	2.545	2.432	2.346	2.278	2.223	2.177	2.138	2.094	2.054	2.027	2.007	2.015	1.989	1.973	1.958	1.895
30	4.171	3.316	2.922	2.701	2.534	2.421	2.334	2.266	2.211	2.165	2.126	2.092	2.063	2.037	2.015	1.995	1.976	1.960	1.932	1.622
31	4.160	3.305	2.911	2.679	2.523	2.419	2.323	2.255	2.199	2.153	2.114	2.080	2.040	2.015	1.983	1.965	1.948	1.933	1.920	1.779
32	4.149	3.295	2.901	2.668	2.512	2.399	2.313	2.244	2.189	2.142	2.103	2.070	2.036	2.004	1.982	1.953	1.937	1.922	1.908	1.594
33	4.139	3.285	2.892	2.659	2.503	2.389	2.303	2.235	2.179	2.133	2.093	2.060	2.030	2.004	1.982	1.961	1.943	1.926	1.911	1.654
34	4.130	3.276	2.883	2.701	2.545	2.432	2.346	2.280	2.223	2.177	2.133	2.084	2.050	2.021	1.995	1.972	1.952	1.933	1.917	1.581
35	4.121	3.267	2.874	2.641	2.485	2.372	2.285	2.217	2.170	2.123	2.084	2.041	2.012	1.986	1.963	1.942	1.924	1.907	1.892	1.589
36	4.085	3.232	2.839	2.606	2.449	2.336	2.249	2.180	2.124	2.077	2.038	2.009	1.974	1.948	1.924	1.895	1.868	1.853	1.839	1.509
37	4.057	3.204	2.812	2.579	2.422	2.305	2.221	2.152	2.096	2.049	2.009	1.974	1.945	1.918	1.895	1.874	1.850	1.823	1.808	1.594
38	4.034	3.183	2.790	2.557	2.400	2.286	2.199	2.130	2.073	2.026	1.986	1.952	1.921	1.895	1.871	1.850	1.831	1.814	1.784	1.470
39	4.016	3.165	2.773	2.540	2.388	2.269	2.181	2.112	2.055	2.008	1.968	1.933	1.903	1.876	1.852	1.831	1.812	1.793	1.764	1.438
40	4.001	3.160	2.758	2.525	2.368	2.254	2.167	2.097	2.040	1.993	1.952	1.917	1.887	1.860	1.836	1.815	1.796	1.778	1.748	1.389
41	3.960	3.111	2.719	2.486	2.329	2.214	2.126	2.056	1.999	1.951	1.910	1.875	1.845	1.817	1.793	1.772	1.752	1.734	1.545	1.325
42	3.936	3.087	2.696	2.463	2.305	2.191	2.103	2.032	1.975	1.937	1.897	1.856	1.821	1.785	1.753	1.725	1.708	1.676	1.515	1.283
43	3.873	3.026	2.635	2.402	2.244	2.129	2.040	1.969	1.911	1.862	1.821	1.785	1.753	1.725	1.700	1.677	1.657	1.638	1.515	1.150
44	3.860	3.014	2.623	2.390	2.232	2.117	2.028	1.947	1.899	1.850	1.808	1.772	1.740	1.712	1.686	1.664	1.643	1.625	1.607	1.113
45	3.851	3.005	2.614	2.381	2.223	2.108	2.019	1.948	1.889	1.840	1.793	1.762	1.730	1.702	1.676	1.654	1.633	1.612	1.412	1.113
46	3.841	2.996	2.605	2.372	2.214	2.099	2.010	1.938	1.880	1.831	1.789	1.759	1.729	1.692	1.666	1.644	1.623	1.604	1.587	1.000

Værdier generert i R versjon 2.13.2 med qt funksjona.

F(Df₁, Df₂)-fordelingen: Kritiske verdier for et 1% signifikansnivå

Df ₂	Df ₁ : Frihetsgrader i teller																					
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	40	∞
1	4052	4999	5403	5625	5764	5839	5928	5981	6022	6056	6083	6106	6126	6143	6157	6170	6181	6192	6201	6209	6287	6366
2	98.50	99.00	99.17	99.25	99.30	99.36	99.37	99.39	99.40	99.41	99.42	99.43	99.44	99.44	99.44	99.44	99.44	99.45	99.45	99.45	99.47	99.50
3	34.12	30.82	29.46	28.71	28.24	27.91	27.67	27.49	27.35	27.23	27.13	27.05	26.98	26.92	26.87	26.83	26.79	26.75	26.75	26.69	26.41	26.13
4	21.20	18.00	16.69	15.98	15.52	15.21	14.98	14.76	14.66	14.55	14.45	14.37	14.31	14.25	14.20	14.15	14.11	14.08	14.05	14.03	13.75	13.46
5	16.26	13.27	12.06	11.39	10.97	10.67	10.46	10.29	10.16	10.05	9.963	9.888	9.825	9.770	9.722	9.680	9.643	9.610	9.580	9.553	9.291	9.020
6	13.745	10.925	9.780	9.148	8.746	8.260	8.102	7.976	7.874	7.790	7.718	7.657	7.605	7.559	7.519	7.483	7.451	7.422	7.396	7.143	6.880	
7	12.246	9.547	8.451	7.847	7.460	7.191	6.993	6.840	6.719	6.620	6.538	6.469	6.410	6.359	6.314	6.275	6.240	6.209	6.181	6.155	5.908	5.650
8	11.259	8.649	7.591	7.006	6.632	6.371	6.178	6.029	5.911	5.814	5.734	5.667	5.609	5.559	5.515	5.477	5.442	5.412	5.384	5.359	5.116	4.859
9	10.561	8.022	6.992	6.422	5.802	5.613	5.422	5.057	5.051	5.051	5.055	5.055	4.962	4.924	4.890	4.860	4.833	4.808	4.567	4.450	4.311	
10	10.044	7.559	6.552	5.994	5.636	5.386	5.200	5.057	4.942	4.849	4.772	4.706	4.650	4.558	4.520	4.487	4.457	4.430	4.405	4.165	3.909	
11	9.646	7.206	6.217	5.668	5.316	5.069	4.886	4.744	4.632	4.539	4.462	4.397	4.342	4.293	4.251	4.213	4.180	4.150	4.123	4.099	3.860	3.602
12	9.330	6.927	5.953	5.412	4.821	4.064	4.499	4.388	4.296	4.220	4.155	4.100	4.025	3.960	3.857	3.815	3.778	3.745	3.716	3.689	3.665	3.361
13	9.074	6.701	5.739	5.205	4.862	4.441	4.302	4.191	4.100	4.025	3.960	3.905	3.857	3.815	3.778	3.745	3.716	3.689	3.659	3.425	3.165	
14	8.862	6.515	5.564	5.035	4.695	4.456	4.278	4.140	4.030	3.939	3.864	3.800	3.745	3.656	3.619	3.586	3.556	3.529	3.505	3.266	3.004	
15	8.683	6.359	5.417	4.893	4.556	4.318	4.142	4.004	3.895	3.805	3.730	3.666	3.612	3.564	3.522	3.485	3.452	3.423	3.396	3.372	3.132	
16	8.531	6.226	5.292	4.773	4.437	4.202	4.026	3.890	3.780	3.691	3.616	3.553	3.498	3.451	3.409	3.372	3.339	3.310	3.283	3.259	3.018	
17	8.400	6.112	5.185	4.669	4.336	4.102	3.927	3.791	3.682	3.593	3.516	3.455	3.401	3.353	3.312	3.275	3.242	3.212	3.186	3.162	2.920	
18	8.285	6.013	5.092	4.579	4.248	4.015	3.841	3.705	3.597	3.508	3.434	3.371	3.316	3.269	3.227	3.190	3.158	3.128	3.101	3.077	2.835	
19	8.185	5.926	5.010	4.500	4.171	3.939	3.765	3.631	3.523	3.434	3.360	3.297	3.242	3.195	3.153	3.116	3.084	3.054	3.027	3.003	2.761	
20	8.096	5.849	4.938	4.431	4.103	3.871	3.699	3.564	3.457	3.368	3.284	3.231	3.177	3.130	3.088	3.051	3.018	2.989	2.962	2.938	2.695	
21	8.017	5.780	4.874	4.369	4.042	3.812	3.640	3.506	3.398	3.310	3.236	3.173	3.119	3.072	3.030	2.993	2.960	2.931	2.904	2.880	2.636	
22	7.945	5.719	4.817	4.313	3.988	3.758	3.587	3.453	3.346	3.258	3.184	3.121	3.067	3.020	2.973	2.931	2.894	2.852	2.827	2.805	2.553	
23	7.881	5.664	4.765	4.264	3.939	3.710	3.539	3.406	3.299	3.211	3.137	3.074	3.020	2.973	2.930	2.889	2.841	2.804	2.781	2.755	2.555	
24	7.823	5.614	4.718	4.218	3.895	3.667	3.496	3.363	3.256	3.168	3.094	3.032	2.977	2.930	2.889	2.852	2.819	2.789	2.758	2.738	2.492	
25	7.770	5.568	4.675	4.177	3.855	3.627	3.457	3.324	3.217	3.129	3.056	2.993	2.939	2.892	2.850	2.813	2.780	2.751	2.724	2.699	2.453	
26	7.721	5.526	4.637	4.140	3.818	3.591	3.422	3.288	3.182	3.094	3.021	2.958	2.904	2.857	2.815	2.778	2.745	2.715	2.688	2.664	2.417	
27	7.677	5.488	4.601	4.106	3.785	3.558	3.388	3.256	3.149	3.062	2.988	2.926	2.871	2.824	2.783	2.746	2.713	2.683	2.656	2.632	2.384	
28	7.636	5.453	4.565	4.074	3.754	3.528	3.358	3.226	3.120	3.032	2.959	2.896	2.842	2.795	2.753	2.716	2.683	2.653	2.626	2.595	2.354	
29	7.598	5.420	4.538	4.045	3.725	3.499	3.330	3.198	3.092	3.005	2.931	2.868	2.814	2.767	2.726	2.689	2.656	2.626	2.594	2.574	2.325	
30	7.592	5.390	4.510	4.018	3.699	3.473	3.304	3.173	3.067	3.004	2.979	2.906	2.843	2.797	2.742	2.700	2.663	2.630	2.600	2.573	2.299	
31	7.530	5.362	4.484	3.993	3.675	3.449	3.149	3.043	2.955	2.882	2.801	2.727	2.660	2.606	2.557	2.522	2.484	2.451	2.421	2.369	2.114	
32	7.499	5.336	4.459	3.969	3.652	3.427	3.127	3.021	2.934	2.860	2.798	2.726	2.665	2.618	2.564	2.527	2.503	2.474	2.441	2.411	1.805	
33	7.471	5.312	4.437	3.948	3.630	3.406	3.238	3.106	3.000	2.913	2.840	2.777	2.723	2.676	2.634	2.597	2.554	2.514	2.482	2.453	2.231	
34	7.444	5.289	4.416	3.927	3.611	3.386	3.218	3.087	2.981	2.894	2.821	2.758	2.704	2.657	2.615	2.578	2.535	2.495	2.468	2.438	2.211	
35	7.419	5.268	4.356	3.908	3.592	3.368	3.200	3.069	2.963	2.876	2.803	2.740	2.686	2.639	2.597	2.550	2.527	2.497	2.445	2.415	1.911	
36	7.397	5.237	4.312	3.853	3.575	3.349	3.182	3.036	2.944	2.855	2.782	2.718	2.665	2.611	2.563	2.522	2.484	2.451	2.421	2.394	1.981	
37	7.314	5.179	4.313	3.828	3.514	3.291	3.124	3.043	2.955	2.888	2.801	2.727	2.665	2.611	2.563	2.522	2.484	2.451	2.421	2.394	1.849	
38	7.234	5.110	4.249	3.767	3.454	3.232	3.066	2.935	2.830	2.743	2.670	2.608	2.553	2.506	2.464	2.427	2.389	2.356	2.336	2.311	1.737	
39	7.171	5.057	4.199	3.720	3.408	3.186	3.020	2.890	2.785	2.698	2.625	2.562	2.508	2.461	2.419	2.382	2.348	2.318	2.291	2.265	1.907	
40	7.119	5.013	4.159	3.681	3.370	3.149	2.983	2.853	2.748	2.662	2.589	2.526	2.472	2.424	2.382	2.345	2.311	2.281	2.253	2.228	1.968	
41	7.077	4.977	4.126	3.649	3.339	3.119	2.953	2.823	2.718	2.632	2.559	2.496	2.442	2.394	2.352	2.315	2.281	2.251	2.223	2.198	1.936	
42	6.981	4.881	4.036	3.563	3.255	3.036	2.901	2.781	2.742	2.637	2.551	2.478	2.415	2.361	2.313	2.271	2.233	2.199	2.169	2.141	1.849	
43	6.720	4.677	3.868	3.379	3.079	2.862	2.699	2.571	2.467	2.380	2.307	2.244	2.190	2.142	2.099	2.051	2.185	2.151	2.120	2.092	1.797	
44	6.686	4.648	3.821	3.357	3.054	2.838	2.675	2.547	2.443	2.343	2.283	2.220	2.166	2.117	2.075	2.036	2.099	2.051	1.995	1.966	1.427	
45	6.660	4.626	3.801	3.338	3.036	2.820	2.657	2.529	2.425	2.321	2.265	2.203	2.148	2.108	1.983	1.952	1.923	1.897	1.863	1.638	1.220	
46	6.635	4.605	3.782	3.319	3.017	2.802	2.639	2.511	2.407	2.321	2.248	2.185	2.130	2.082	2.039	2.0						

Kritiske verdier kjikvadratfordelingen



Frihetsgrader	Signifikansnivå:			
	10%	5%	1%	0.1%
1	2.7055	3.8415	6.6349	10.8276
2	4.6052	5.9915	9.2103	13.8155
3	6.2514	7.8147	11.3449	16.2662
4	7.7794	9.4877	13.2767	18.4668
5	9.2364	11.0705	15.0863	20.5150
6	10.6446	12.5916	16.8119	22.4577
7	12.0170	14.0671	18.4753	24.3219
8	13.3616	15.5073	20.0902	26.1245
9	14.6837	16.9190	21.6660	27.8772
10	15.9872	18.3070	23.2093	29.5883
11	17.2750	19.6751	24.7250	31.2641
12	18.5493	21.0261	26.2170	32.9095
13	19.8119	22.3620	27.6882	34.5282
14	21.0641	23.6848	29.1412	36.1233
15	22.3071	24.9958	30.5779	37.6973
16	23.5418	26.2062	31.9999	39.2524
17	24.7690	27.5871	33.4087	40.7902
18	25.9894	28.8693	34.8053	42.3124
19	27.2036	30.1435	36.1909	43.8202
20	28.4120	31.4104	37.5662	45.3147
21	29.6151	32.6706	38.9322	46.7970
22	30.8133	33.9244	40.2894	48.2679
23	32.0069	35.1725	41.6384	49.7282
24	33.1962	36.4150	42.9798	51.1786
25	34.3816	37.6525	44.3141	52.6197
26	35.5632	38.8851	45.6417	54.0520
27	36.7412	40.1133	46.9629	55.4760
28	37.9159	41.3371	48.2782	56.8923
29	39.0875	42.5570	49.5879	58.3012
30	40.2560	43.7730	50.8922	59.7031
31	41.4217	44.9853	52.1914	61.0983
32	42.5847	46.1943	53.4858	62.4872
33	43.7452	47.3999	54.7755	63.8701
34	44.9032	48.6024	56.0609	65.2472
35	46.0588	49.8018	57.3421	66.6188
40	51.8051	55.7585	63.6907	73.4020
45	57.5053	61.6562	69.9568	80.0767
50	63.1671	67.5048	76.1539	86.6608
55	68.7962	73.3115	82.2921	93.1675
60	74.3970	79.0819	88.3794	99.6072
65	79.9730	84.8206	94.4221	105.9881
70	85.5270	90.5312	100.4252	112.3169
80	96.5782	101.8795	112.3288	124.8392
90	107.5650	113.1453	124.1163	137.2084
100	118.4980	124.3421	135.8067	149.4493
120	140.2326	146.5674	158.9502	173.6174
150	172.5812	179.5806	193.2077	209.2646
300	331.7885	341.3951	359.9064	381.4252
500	540.9303	553.1268	576.4928	603.4460
1000	1057.7239	1074.6794	1106.9690	1143.9171

Verdier generert i R versjon 2.13.2 med qchisq funksjonen.