

EKSAMEN

Emnekode: SFB12003	Emnnavn: Metodekurs II: Samfunnsvitenskapelig metode og anvendt statistikk
Dato: 06.06.2017	Eksamenstid: 0900-1300
Hjelpeemidler: Godkjent kalkulator	Faglærer: Bjørnar Karlsen Kivedal
Om eksamensoppgaven og poengberegning: Oppgavesettet består av 11 sider inklusiv denne forsiden og vedlagte formler og tabeller. Kontroller at oppgaven er komplett før du begynner å besvare spørsmålene. Det er til sammen 2 oppgaver. Begge oppgavene skal besvares og teller som angitt i parentes i oppgaveteksten ved sensurering. Dersom noe er uklart eller mangler i oppgavene, inngår det som en del av oppgaven å ta de nødvendige forutsetninger.	
Sensurfrist: 27.06.2017 Karakterene er tilgjengelige for studenter på Studentweb senest 2 virkedager etter oppgitt sensurfrist. www.hiof.no/studentweb	



Oppgave 1 (30%)

Du skal undersøke studenter ved Høgskolen i Østfold, studested Remmen sine holdninger til tilbudet av mat og drikke på studiestedet.

- Drøft fordeler og ulemper ved kvalitativ og kvantitativ metode i dette tilfellet. Vil du benytte deg av kvalitativ eller kvantitativ metode? Begrunn svaret.
- Drøft fordeler og ulemper ved ulike måter å samle inn informasjon på i denne undersøkelsen. Ta utgangspunkt i enten kvalitativ eller kvantitativ metode avhengig av hva du valgte i oppgave a).
- Drøft hvordan problemer med ekstern gyldighet kan oppstå. Ta utgangspunkt i enten kvalitativ eller kvantitativ metode avhengig av hva du valgte i oppgave a).
- Vi skiller ofte mellom tre ulike målenivåer for variabler i kvantitativ metode. Lag tre ulike spørsmål for undersøkelsen i oppgaveteksten der kvantitativ metode benyttes, ett for hver av de tre målenivåene. Forklar forskjellen mellom dem.
- Hva er metodetriangulering, og hvordan kunne det vært brukt i denne undersøkelsen?

Oppgave 2 (70%)

Vi har et datasett med årlig data for USA fra årene 1963-1985 hentet fra «1987 Economic Report of the President». Nedenfor vises deler av en utskrift fra Gretl for den beregnede modellen av «Modell 1»;

$$housing_i = B_1 + B_2 pop_i + B_3 gnp_i + B_4 unemp_i + B_5 inrate_i + u_i$$

der $housing_i$ er antall tusen nye boligheter som er påbegynt å bygge i år i , pop_i er populasjonen i millioner mennesker i år i , gnp_i er reelt bruttonasjonalprodukt, BNP, (på engelsk: «gross national product») målt i milliarder dollar i år i , $unemp_i$ er arbeidsledighetsrate for alle arbeidstakere i prosent (dvs. f.eks. $unemp_1 = 5,5$) i år i , $inrate_i$ er en typisk boliglånsrente for nye boliger i prosent i år i og u_i er modellens feilredd/residual. B_1, \dots, B_5 er koeffisienter. Estimeringen er gjort ved minste kvadraters metode. Datasettet (som kan være til hjelp for å besvare oppgaven) vises til sist i oppgaven.

Model 1: OLS, using observations 1-23
Dependent variable: housing

	Coefficient	Std. Error	t-ratio	p-value
const	5087,43	11045,8		
pop	-33,4337	83,0756		
gnp	1,75635	2,13998		
unemp	79,7199	122,579		
inrate	-174,692	61,0007		
Mean dependent var	1601,100	S.D. dependent var	345,4715	
Sum squared resid	1444274	S.E. of regression	283,2621	
R-squared	0,449950	Adjusted R-squared	0,327716	
F(4, 18)	3,681069	P-value(F)	0,023274	
Log-likelihood	-159,6833	Akaike criterion	329,3665	
Schwarz criterion	335,0440	Hannan-Quinn	330,7944	

- a) Tolk de beregnede stigningstallene i modellen.
- b) Hvilke av de uavhengige variablene har en signifikant effekt på den avhengige variabelen? Sett opp passende hypoteser og bruk et 5% signifikansnivå.
- c) Beregn et 95% konfidensintervall for B_5 og forklar hva intervallet beskriver.
- d) Regresjonsmodellen baserer seg på fem forutsetninger, ofte omtalt som «De klassiske forutsetningene». Forklar kort hvilke forutsetninger dette er.

Vi beregner også «Modell 2»:

$$housing_i = B_1 + B_2 l_pop_i + B_3 l_gnp_i + B_4 l_unemp_i + B_5 l_intrate_i + u_i$$

der prefikset « $l_$ » viser til logaritmen av variabelen brukt i «Modell 1», f.eks. så er l_pop_i logaritmen til populasjonen i år i , osv. u_i er feilreddet/residualen til modellen. Variabelen $housing_i$ er tilsvarende som i «Modell 1». Gretl-utskrift fra beregningen av modellen vises nedenfor:

Model 2: OLS, using observations 1-23
Dependent variable: housing

	Coefficient	Std. Error	t-ratio	p-value
const	5721,66	36104,6	0,1585	0,8758
l_pop	-8239,71	12482,7	-0,6601	0,5176
l_gnp	5478,38	3853,95	1,4215	0,1723
l_unemp	631,478	543,518	1,1618	0,2605
l_intrate	-1970,75	674,566	-2,9215	0,0091 ***
Mean dependent var	1601,100	S.D. dependent var	345,4715	
Sum squared resid	1410390	S.E. of regression	279,9196	
R-squared	0,462854	Adjusted R-squared	0,343489	
F(4, 18)	3,877615	P-value(F)	0,019229	
Log-likelihood	-159,4102	Akaike criterion	328,8205	
Schwarz criterion	334,4979	Hannan-Quinn	330,2483	

- e) Tolk den beregnede koeffisienten b_5 .
- f) Hvilken av modellene over vil du foretrekke å bruke for å forklare påbegynt bygging av boligheter? Begrunn svaret ditt.

Vi beregner også «Modell 3», som gir følgende beregnede modell (standardfeil i parentes under de beregnede koeffisientene):

$$\widehat{housing}_i = 1872,81 - 29,47 \cdot intrate_i$$

n = 23, R-squared = 0,057

- g) Test om BNP (gnp), populasjonen (pop), arbeidsledigheten (unemp), eller alle tre variablene i «Modell 1», har en effekt på antall påbegynt byggede boligheter. Bruk et 5% signifikansnivå.

Vi har i tillegg en variabel ned_i som er 1 dersom det var en nedgangskonjunktur (lavere vekst i BNP enn det trendmessig utvikling ville tilsi) i år i og 0 ellers, basert på beregninger fra the National Bureau of Economic Research. Dette gir

år	1963	1964	1965	1966	1967	1968	1969	1970
ned	0	0	0	0	0	0	0	1
år	1971	1972	1973	1974	1975	1976	1977	1978
ned	0	0	1	1	0	0	0	0
år	1979	1980	1981	1982	1983	1984	1985	
ned	0	1	1	1	0	0	0	

Vi bruker denne til å estimere «Modell 4»:

$$housing_i = B_1 + B_2 \text{inrate}_i + B_3 \text{ned}_i + B_4 \text{ned}_i \cdot \text{inrate}_i + u_i$$

Den beregnede modellen blir da (standardfeil i parentes under de beregnede koeffisientene):

$$\widehat{housing}_i = 1352,01 + 37,98 \text{inrate}_i + 1037,65 \text{ned}_i - 126,06 \text{ned}_i \cdot \text{inrate}_i$$

n = 23, R-squared = 0,335
(standard errors in parentheses)

- h) Hva er anslått antall påbegynt bygde boligheter dersom boliglånsrenta er 3% og det er en nedgangskonjunktur?
- i) Hva er anslått antall påbegynt bygde boligheter dersom boliglånsrenta er 3% og det ikke er en nedgangskonjunktur?
- j) Forklar, med utgangspunkt i «Modell 4» og hvordan påbegynt bygde boligheter påvirkes av boliglånsrenta, forskjellen på konstantleddsdummyer og stigningstalldummyer.
- k) Test om forskjellen mellom perioder der det er nedgangskonjunktur og der det ikke er det, er statistisk signifikant på et 5% signifikansnivå.

Datasettet brukt i denne oppgaven er observert over tid og er dermed egentlig å betrakte som tidsseredata. Vi kan derfor finne følgende beregnede modell (standardfeil i parentes under de beregnede koeffisientene):

$$\widehat{housing}_t = 720,2 + 0,55 \cdot housing_{t-1}$$

T = 22, R-squared = 0,302
(standard errors in parentheses)

Der t indikerer året (tilsvarende tidligere observasjonsnummer i).

- l) Indikerer dette at variabelen $housing_t$ er AR(1)-stasjonær eller at den ikke er det? Forklar hva AR(1)-stasjonaritet er.
- m) Bruk modellen til å lage et anslag for boligbygging i 1986.

Tilleggsinformasjon - datasett:

År	housing	pop	gnp	unemp	inrate
1963	1634,9	189,242	1873,3	5,5	5,89
1964	1561,0	191,889	1973,3	5,0	5,82
1965	1509,7	194,303	2087,6	4,4	5,81

1966	1195,8	196,560	2208,3	3,7	6,25
1967	1321,9	198,712	2271,4	3,7	6,46
1968	1545,4	200,706	2365,6	3,5	6,97
1969	1499,5	202,677	2423,3	3,4	7,80
1970	1469,0	205,052	2416,2	4,8	8,45
1971	2084,5	207,661	2484,8	5,8	7,74
1972	2378,5	209,896	2608,5	5,5	7,60
1973	2057,5	211,909	2744,1	4,8	7,96
1974	1352,5	213,854	2729,3	5,5	8,92
1975	1171,4	215,973	2695,0	8,3	9,00
1976	1547,6	218,035	2826,7	7,6	9,00
1977	2001,7	220,239	2958,6	6,9	9,02
1978	2036,1	222,585	3115,2	6,0	9,56
1979	1760,0	225,055	3192,4	5,8	10,78
1980	1312,6	227,757	3187,1	7,0	12,66
1981	1100,3	230,138	3248,8	7,5	14,70
1982	1072,1	232,520	3166,0	9,5	15,14
1983	1712,5	234,799	3279,1	9,5	12,57
1984	1755,8	237,019	3489,9	7,4	12,38
1985	1745,0	239,283	3585,2	7,1	11,55

Formler og tabeller

Utvalgsgjennomsnittet til X	$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$
Utvalgsvariansen til X	$s_X^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$
Utvalgsstandardavviket til X	$s_X = \sqrt{s_X^2}$
Utvalgskovariansen mellom X og Y	$s_{XY} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y})$
Utvalgskorrelasjonen mellom X og Y	$r_{XY} = \frac{s_{XY}}{s_X \cdot s_Y}$
Estimerte/beregnehede verdier i den enkle regresjonsmodellen	$b_2 = \frac{s_{XY}}{s_X^2}, \quad b_1 = \bar{Y} - b_2 \bar{X}$
Standardfeilen til regresjonen	$\hat{\sigma} = \sqrt{\frac{\sum \hat{u}^2}{n-k}}$
Forklart kvadratsum	$ESS = \sum (\hat{Y}_i - \bar{Y})^2$
Totalkvadratsum	$TSS = \sum (Y_i - \bar{Y})^2$
Residualkvadratsum	$RSS = \sum \hat{u}_i^2 = \sum (Y_i - \hat{Y}_i)^2$
Determinasjonskoeffisienten	$R^2 = \frac{ESS}{TSS}$
Determinasjonskoeffisienten – alternativ formel ved enkel regresjon	$R^2 = r_{XY}^2$
Justert R^2	$\bar{R}^2 = 1 - \left[(1 - R^2) \cdot \left(\frac{n-1}{n-k} \right) \right]$
Testobservator/testuttrykk til en enkel hypotesetest	$\frac{b - H_0\text{verdi}}{se(b)}$
Standardfeil til estimert/beregnet stigningstall	$se(b_j) = \sqrt{var(b_j)}$ $var(b_j) = \frac{\hat{\sigma}^2}{\sum_{i=1}^n (X_{ji} - \bar{X}_j)^2} \cdot \frac{1}{1 - R_j^2}$
Et $(1 - \alpha) \cdot 100\%$ konfidensintervall for B_i	Øvre grense: $b_i + t_{\alpha/2}(df) \cdot se(b_i)$ Nedre grense: $b_i - t_{\alpha/2}(df) \cdot se(b_i)$
Testuttrykk til F-testen	$F = \frac{(RSS_r - RSS_{ur})/m}{RSS_{ur}/(n-k)}$
Testuttrykk til F-testen dersom $TSS_{ur} = TSS_r$	$F = \frac{(R_{ur}^2 - R_r^2)/m}{(1 - R_{ur}^2)/(n-k)}$
Frihetsgrader i hhv. teller og nevner i F-fordelingen ved multippel hypotesetesting	$Df_1 = m \quad \text{og} \quad Df_2 = n - k$

Regneregler eksponentialfunksjonen	$e^x \cdot e^y = e^{x+y}$ $\frac{e^x}{e^y} = e^{x-y}$ $(e^x)^y = e^{x \cdot y}$
Regneregler logaritmer	$x = e^{\ln x}$, gitt at $x > 0$ $\ln 1 = 0$ $\ln e = 1$ $\ln 0$ eksisterer ikke $\ln(x \cdot y) = \ln x + \ln y$ $\ln\left(\frac{x}{y}\right) = \ln x - \ln y$ $\ln x^y = y \cdot \ln x$
Tilnærmet tolkning av stigningstall i log-log-sammenhenger	Dersom forklaringsvariabelen øker med 1% så endres avhengig variabel i gjennomsnitt med $b_i\%$, cet. par.
Tilnærmet tolkning av stigningstall i log-lin-sammenhenger	Dersom forklaringsvariabelen øker med en enhet så endres avhengig variabel i gjennomsnitt med $(b_i \cdot 100)\%$, cet. par.
Tilnærmet tolkning av stigningstall i lin-log-sammenhenger	Dersom forklaringsvariabelen øker med 1% så endres avhengig variabel i gjennomsnitt med $b_i/100$, cet. par.
Et $(1 - \alpha) \cdot 100\%$ konfidensintervall for den faktiske verdien Y	Øvre grense: $\hat{Y} + t_{\alpha/2}(df) \cdot se(Y)$ Nedre grense: $\hat{Y} - t_{\alpha/2}(df) \cdot se(Y)$ der $se(Y) = \hat{\sigma}$ dersom anslaget er for én periode fremover i tid

t-fordelingen: Kritiske verdier



Frihetsgrader (df)	Halesannsynligheter:											
	0.30	0.25	0.20	0.15	0.10	0.05	0.025	0.02	0.01	0.005	0.0025	0.001
1	0.727	1.000	1.376	1.963	3.078	6.314	12.71	15.89	31.82	63.66	127.3	318.3
2	0.617	0.816	1.061	1.386	1.886	2.920	4.303	4.849	6.965	9.925	14.09	22.33
3	0.584	0.765	0.978	1.250	1.638	2.353	3.182	3.482	4.541	5.841	7.453	10.21
4	0.569	0.741	0.941	1.190	1.533	2.132	2.776	2.999	3.747	4.604	5.598	7.173
5	0.559	0.727	0.920	1.156	1.476	2.015	2.571	2.757	3.365	4.032	4.773	5.893
6	0.553	0.718	0.906	1.134	1.440	1.943	2.447	2.612	3.143	3.707	4.317	5.208
7	0.549	0.711	0.896	1.119	1.415	1.895	2.365	2.517	2.998	3.499	4.029	4.785
8	0.546	0.706	0.889	1.108	1.397	1.860	2.306	2.449	2.896	3.355	3.833	4.501
9	0.543	0.703	0.883	1.100	1.383	1.833	2.262	2.398	2.821	3.250	3.690	4.297
10	0.542	0.700	0.879	1.093	1.372	1.812	2.228	2.359	2.764	3.169	3.581	4.144
11	0.540	0.697	0.876	1.088	1.363	1.796	2.201	2.328	2.718	3.106	3.497	4.025
12	0.539	0.695	0.873	1.083	1.356	1.782	2.179	2.303	2.681	3.055	3.428	3.930
13	0.538	0.694	0.870	1.079	1.350	1.771	2.160	2.282	2.650	3.012	3.372	3.852
14	0.537	0.692	0.868	1.076	1.345	1.761	2.145	2.264	2.624	2.977	3.326	3.787
15	0.536	0.691	0.866	1.074	1.341	1.753	2.131	2.249	2.602	2.947	3.286	3.733
16	0.535	0.690	0.865	1.071	1.337	1.746	2.120	2.235	2.583	2.921	3.252	3.686
17	0.534	0.689	0.863	1.069	1.333	1.740	2.110	2.224	2.567	2.898	3.222	3.646
18	0.534	0.688	0.862	1.067	1.330	1.734	2.101	2.214	2.552	2.878	3.197	3.610
19	0.533	0.688	0.861	1.066	1.328	1.729	2.093	2.205	2.539	2.861	3.174	3.579
20	0.533	0.687	0.860	1.064	1.325	1.725	2.086	2.197	2.528	2.845	3.153	3.552
21	0.532	0.686	0.859	1.063	1.323	1.721	2.080	2.189	2.518	2.831	3.135	3.527
22	0.532	0.686	0.858	1.061	1.321	1.717	2.074	2.183	2.508	2.819	3.119	3.505
23	0.532	0.685	0.858	1.060	1.319	1.714	2.069	2.177	2.500	2.807	3.104	3.485
24	0.531	0.685	0.857	1.059	1.318	1.711	2.064	2.172	2.492	2.797	3.091	3.467
25	0.531	0.684	0.856	1.058	1.316	1.708	2.060	2.167	2.485	2.787	3.078	3.450
26	0.531	0.684	0.856	1.058	1.315	1.706	2.056	2.162	2.479	2.779	3.067	3.435
27	0.531	0.684	0.855	1.057	1.314	1.703	2.052	2.158	2.473	2.771	3.057	3.421
28	0.530	0.683	0.855	1.056	1.313	1.701	2.048	2.154	2.467	2.763	3.047	3.408
29	0.530	0.683	0.854	1.055	1.311	1.699	2.045	2.150	2.462	2.756	3.038	3.396
30	0.530	0.683	0.854	1.055	1.310	1.697	2.042	2.147	2.457	2.750	3.030	3.385
31	0.530	0.682	0.853	1.054	1.309	1.696	2.040	2.144	2.453	2.744	3.022	3.375
32	0.530	0.682	0.853	1.054	1.309	1.694	2.037	2.141	2.449	2.738	3.015	3.365
33	0.530	0.682	0.853	1.053	1.308	1.692	2.035	2.138	2.445	2.733	3.008	3.356
34	0.529	0.682	0.852	1.052	1.307	1.691	2.032	2.136	2.441	2.728	3.002	3.348
35	0.529	0.682	0.852	1.052	1.306	1.690	2.030	2.133	2.438	2.724	2.996	3.340
36	0.529	0.681	0.852	1.052	1.306	1.688	2.028	2.131	2.434	2.719	2.990	3.333
37	0.529	0.681	0.851	1.051	1.305	1.687	2.026	2.129	2.431	2.715	2.985	3.326
38	0.529	0.681	0.851	1.051	1.304	1.686	2.024	2.127	2.429	2.712	2.980	3.319
39	0.529	0.681	0.851	1.050	1.304	1.685	2.023	2.125	2.426	2.708	2.976	3.313
40	0.529	0.681	0.851	1.050	1.303	1.684	2.021	2.123	2.423	2.704	2.971	3.307
41	0.529	0.681	0.850	1.050	1.303	1.683	2.020	2.121	2.421	2.701	2.967	3.301
42	0.528	0.680	0.850	1.049	1.302	1.682	2.018	2.120	2.418	2.698	2.963	3.296
43	0.528	0.680	0.850	1.049	1.302	1.681	2.017	2.118	2.416	2.695	2.959	3.291
44	0.528	0.680	0.850	1.049	1.301	1.680	2.015	2.116	2.414	2.692	2.956	3.286
45	0.528	0.680	0.850	1.049	1.301	1.679	2.014	2.115	2.412	2.690	2.952	3.281
46	0.528	0.680	0.850	1.048	1.300	1.679	2.013	2.114	2.410	2.687	2.949	3.277
47	0.528	0.680	0.849	1.048	1.300	1.678	2.012	2.112	2.408	2.685	2.946	3.273
48	0.528	0.680	0.849	1.048	1.299	1.677	2.011	2.111	2.407	2.682	2.943	3.269
49	0.528	0.680	0.849	1.048	1.299	1.677	2.010	2.110	2.405	2.680	2.940	3.265
50	0.528	0.679	0.849	1.047	1.299	1.676	2.009	2.109	2.403	2.678	2.937	3.261
51	0.528	0.679	0.849	1.047	1.298	1.675	2.008	2.108	2.402	2.676	2.934	3.258
52	0.528	0.679	0.849	1.047	1.298	1.675	2.007	2.107	2.400	2.674	2.932	3.255
53	0.528	0.679	0.848	1.047	1.298	1.674	2.006	2.106	2.399	2.672	2.929	3.251
54	0.528	0.679	0.848	1.046	1.297	1.674	2.005	2.105	2.397	2.670	2.927	3.248
55	0.527	0.679	0.848	1.046	1.297	1.673	2.004	2.104	2.396	2.668	2.925	3.245
60	0.527	0.679	0.848	1.045	1.296	1.671	2.000	2.099	2.390	2.660	2.915	3.232
70	0.527	0.678	0.847	1.044	1.294	1.667	1.994	2.093	2.381	2.648	2.899	3.211
80	0.526	0.678	0.846	1.043	1.292	1.664	1.990	2.088	2.374	2.639	2.887	3.195
90	0.526	0.677	0.846	1.042	1.291	1.662	1.987	2.084	2.368	2.632	2.878	3.183
100	0.526	0.677	0.845	1.042	1.290	1.660	1.984	2.081	2.364	2.626	2.871	3.174
1000	0.525	0.675	0.842	1.037	1.282	1.646	1.962	2.056	2.330	2.581	2.813	3.098
∞	0.524	0.674	0.842	1.036	1.282	1.645	1.960	2.054	2.326	2.576	2.807	3.090
	40%	50%	60%	70%	80%	90%	95%	96%	98%	99%	99.5%	99.8%

Konfidensnivå

Generert i R versjon 2.13.2 med qt funksjonen.

$F(Df_1, Df_2)$ -fordelingen: Kritiske verdier for et 10% signifikansnivå

Df _i : Frihetsgråder i teller																					
Df ₂	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	40
1	39.86	49.50	53.59	55.83	57.24	58.20	58.91	59.44	59.86	60.19	60.47	60.71	60.90	61.07	61.35	61.46	61.57	61.66	61.74	62.53	
2	8.526	9.000	9.162	9.243	9.293	9.326	9.349	9.367	9.381	9.392	9.401	9.408	9.415	9.420	9.425	9.433	9.436	9.439	9.441	9.466	
3	5.538	5.462	5.391	5.343	5.285	5.266	5.252	5.240	5.230	5.222	5.216	5.205	5.200	5.196	5.193	5.190	5.187	5.184	5.180	5.134	
4	4.545	4.325	4.191	4.107	4.051	4.010	3.979	3.955	3.936	3.920	3.907	3.896	3.886	3.875	3.864	3.853	3.849	3.844	3.804	3.761	
5	4.060	3.780	3.619	3.453	3.320	3.205	3.169	3.139	3.116	3.097	3.077	3.056	3.036	3.016	3.000	2.985	2.970	2.954	2.938	2.159	
6	3.776	3.463	3.289	3.181	3.108	3.055	3.014	2.983	2.958	2.937	2.920	2.905	2.892	2.881	2.871	2.863	2.855	2.848	2.842	2.722	
7	3.589	3.257	3.074	2.961	2.827	2.785	2.752	2.725	2.703	2.684	2.658	2.632	2.615	2.607	2.601	2.595	2.585	2.575	2.565	2.471	
8	3.455	3.113	2.924	2.806	2.668	2.520	2.551	2.589	2.561	2.440	2.416	2.396	2.379	2.364	2.351	2.340	2.329	2.312	2.305	2.293	
9	3.360	3.006	2.813	2.693	2.611	2.550	2.469	2.414	2.377	2.347	2.323	2.302	2.284	2.269	2.255	2.244	2.233	2.224	2.215	2.055	
10	3.285	2.924	2.728	2.605	2.522	2.461	2.414	2.377	2.347	2.317	2.293	2.266	2.246	2.226	2.215	2.208	2.201	2.197	2.192	2.055	
11	3.225	2.860	2.660	2.536	2.451	2.389	2.342	2.304	2.274	2.248	2.227	2.209	2.193	2.179	2.167	2.156	2.147	2.138	2.130	1.972	
12	3.177	2.807	2.606	2.480	2.394	2.331	2.283	2.245	2.214	2.188	2.166	2.147	2.131	2.117	2.105	2.094	2.084	2.075	2.067	1.904	
13	3.136	2.763	2.560	2.434	2.347	2.283	2.243	2.193	2.154	2.122	2.095	2.073	2.054	2.037	2.022	2.010	1.998	1.988	1.978	1.975	
14	3.102	2.726	2.522	2.361	2.273	2.208	2.158	2.119	2.086	2.059	2.037	2.017	2.000	1.985	1.972	1.961	1.950	1.941	1.932	1.846	
15	3.073	2.695	2.490	2.361	2.273	2.208	2.158	2.119	2.086	2.059	2.037	2.017	2.000	1.985	1.972	1.961	1.950	1.941	1.932	1.755	
16	3.048	2.668	2.462	2.333	2.244	2.178	2.128	2.088	2.055	2.028	2.005	2.005	1.985	1.968	1.953	1.940	1.928	1.917	1.908	1.718	
17	3.026	2.645	2.437	2.308	2.218	2.152	2.102	2.061	2.028	2.001	1.978	1.958	1.940	1.925	1.912	1.900	1.889	1.879	1.862	1.686	
18	3.007	2.624	2.416	2.286	2.196	2.130	2.079	2.038	2.005	1.977	1.954	1.933	1.916	1.900	1.887	1.875	1.864	1.854	1.845	1.657	
19	2.990	2.606	2.397	2.266	2.176	2.109	2.057	2.018	1.984	1.956	1.932	1.912	1.894	1.875	1.855	1.845	1.833	1.821	1.811	1.631	
20	2.975	2.589	2.380	2.249	2.158	2.091	2.040	1.999	1.965	1.937	1.913	1.892	1.875	1.859	1.845	1.833	1.821	1.802	1.794	1.607	
21	2.961	2.575	2.365	2.233	2.142	2.075	2.023	1.982	1.948	1.920	1.896	1.875	1.857	1.841	1.827	1.815	1.803	1.793	1.784	1.586	
22	2.949	2.561	2.351	2.219	2.128	2.060	2.008	1.967	1.933	1.904	1.880	1.859	1.841	1.825	1.811	1.798	1.787	1.777	1.759	1.567	
23	2.937	2.549	2.339	2.207	2.115	2.047	1.995	1.953	1.919	1.890	1.866	1.845	1.827	1.811	1.796	1.784	1.772	1.762	1.753	1.549	
24	2.927	2.538	2.327	2.194	2.103	2.034	1.983	1.941	1.906	1.877	1.853	1.832	1.814	1.797	1.783	1.770	1.759	1.750	1.739	1.533	
25	2.918	2.528	2.317	2.184	2.102	2.024	2.024	1.971	1.929	1.895	1.866	1.841	1.820	1.802	1.785	1.771	1.758	1.750	1.739	1.518	
26	2.909	2.519	2.307	2.174	2.082	2.014	1.961	1.919	1.884	1.855	1.820	1.800	1.780	1.754	1.736	1.726	1.715	1.704	1.695	1.466	
27	2.901	2.511	2.299	2.165	2.073	2.005	1.952	1.909	1.874	1.845	1.820	1.799	1.770	1.749	1.736	1.726	1.715	1.704	1.695	1.491	
28	2.894	2.503	2.291	2.157	2.064	1.996	1.943	1.900	1.865	1.836	1.811	1.786	1.761	1.736	1.717	1.706	1.694	1.685	1.676	1.478	
29	2.881	2.495	2.276	2.142	2.049	1.980	1.927	1.898	1.854	1.822	1.787	1.762	1.734	1.707	1.687	1.676	1.667	1.657	1.641	1.456	
30	2.881	2.489	2.276	2.142	2.049	1.980	1.927	1.898	1.854	1.822	1.787	1.762	1.734	1.707	1.687	1.676	1.667	1.657	1.641	1.456	
31	2.875	2.482	2.270	2.136	2.042	1.973	1.920	1.877	1.842	1.812	1.787	1.765	1.736	1.704	1.674	1.649	1.638	1.628	1.615	1.446	
32	2.869	2.477	2.263	2.129	2.036	1.967	1.913	1.870	1.835	1.805	1.780	1.758	1.739	1.707	1.694	1.682	1.671	1.661	1.652	1.437	
33	2.864	2.471	2.258	2.123	2.030	1.961	1.907	1.864	1.828	1.799	1.773	1.751	1.732	1.700	1.687	1.675	1.664	1.654	1.645	1.428	
34	2.859	2.466	2.252	2.118	2.024	1.955	1.896	1.852	1.817	1.782	1.753	1.729	1.701	1.670	1.649	1.638	1.628	1.618	1.605	1.419	
35	2.855	2.461	2.247	2.113	2.019	1.950	1.896	1.852	1.817	1.782	1.753	1.729	1.701	1.670	1.649	1.638	1.628	1.618	1.605	1.411	
36	2.859	2.440	2.226	2.091	1.997	1.927	1.873	1.829	1.793	1.763	1.737	1.713	1.689	1.665	1.641	1.620	1.609	1.598	1.583	1.349	
37	2.855	2.420	2.186	2.050	1.946	1.875	1.817	1.782	1.747	1.717	1.687	1.657	1.637	1.613	1.593	1.578	1.568	1.558	1.543	1.327	
38	2.859	2.393	2.177	2.041	1.946	1.875	1.817	1.782	1.747	1.717	1.687	1.657	1.637	1.613	1.593	1.578	1.568	1.558	1.543	1.327	
39	2.859	2.370	2.154	2.016	1.921	1.849	1.793	1.758	1.723	1.693	1.663	1.636	1.612	1.592	1.573	1.557	1.547	1.534	1.513	1.403	
40	2.835	2.440	2.242	2.210	2.074	1.980	1.909	1.855	1.811	1.774	1.744	1.718	1.695	1.676	1.658	1.640	1.626	1.615	1.605	1.406	
41	2.830	2.420	2.232	2.102	1.964	1.867	1.794	1.757	1.722	1.689	1.659	1.630	1.603	1.583	1.564	1.545	1.527	1.517	1.505	1.403	
42	2.829	2.412	2.197	2.061	1.966	1.895	1.840	1.796	1.760	1.729	1.693	1.663	1.633	1.604	1.585	1.566	1.547	1.534	1.523	1.403	
43	2.829	2.402	2.186	2.050	1.946	1.875	1.817	1.782	1.747	1.717	1.687	1.657	1.627	1.602	1.583	1.564	1.545	1.534	1.523	1.403	
44	2.829	2.386	2.177	2.041	1.946	1.875	1.817	1.782	1.747	1.717	1.687	1.657	1.627	1.602	1.583	1.564	1.545	1.534	1.523	1.403	
45	2.809	2.356	2.139	2.019	1.906	1.834	1.778	1.732	1.695	1.663	1.633	1.603	1.573	1.553	1.533	1.513	1.494	1.483	1.349		
46	2.809	2.320	2.102	1.964	1.867	1.794	1.737	1.691	1.652	1.620	1.592	1.562	1.532	1.502	1.481	1.461	1.446	1.437	1.427	1.327	
47	2.809	2.308	2.089	1.950	1.889	1.824	1.775	1.738	1.707	1.680	1.650	1.620	1.590	1.561	1.541	1.521	1.501	1.481	1.471	1.327	
48	2.809	2.293	2.074	1.946	1.875	1.817	1.775	1.738	1.707	1.680	1.650	1.620	1.590	1.561	1.541	1.521	1.501	1.481	1.471	1.327	
49	2.809	2.278	2.058	1.923	1.854	1.784	1.739	1.693	1.663	1.633	1.603	1.573	1.543	1.513	1.494	1.474	1.454	1.437	1.427	1.327	
50	2.809	2.263	2.041	1.906	1.834	1.765	1.720	1.674	1.644	1.612	1.583	1.553	1.523	1.494	1.474	1.454	1.437	1.427	1.327	1.115	
51	2.809	2.247	2.024	1.906	1.834	1.765	1.720	1.674	1.644	1.612	1.583	1.553	1.523	1.494	1.474	1.454	1.437	1.427	1.327	1.115	
52	2.809	2.232	2.004	1.906	1.834	1.765	1.720	1.674	1.644	1.612	1.583	1.553	1.523	1.494	1.474	1.454	1.437	1.427	1.327	1.115	
53	2.809	2.217	1.986	1.867	1.794	1.720	1.674	1.628	1.598	1.562	1.532	1.502	1.472	1.442	1.412	1.392	1.372	1.352	1.327	1.115	
54	2.809	2.197	1.955	1.884	1.824	1.758	1.702	1.656	1.626	1.596	1.566	1.536	1.506	1.476	1.446	1.416	1.396	1.376	1.352	1.115	
55	2.799	2.177	1.927	1.854	1.784	1.718	1.662	1.616	1.586	1.556	1.526	1.496	1.466	1.436	1.406	1.386	1.366	1.346	1.327	1.115	
56	2.799	2.154	1.896																		

Verdier generert i R versjon 2.13.2 med qf funksjonen.

F(Df₁, Df₂)-fordelingen: Kritiske verdier for et 5% signifikansnivå

		Df ₁ : Frihetsgrader i teller																				
		Df ₂ : Frihetsgrader i teller																				
Df ₂	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	40	∞
1	161.4	199.5	215.7	224.6	230.2	234.0	236.8	238.9	240.5	241.9	243.0	244.7	245.4	245.9	246.5	246.9	247.3	247.7	248.0	251.1	254.3	
2	18.51	19.00	19.16	19.25	19.30	19.33	19.37	19.41	19.43	19.42	19.43	19.43	19.43	19.43	19.43	19.44	19.44	19.44	19.45	19.50		
3	10.128	9.552	9.277	9.117	9.013	8.941	8.887	8.845	8.812	8.786	8.763	8.745	8.729	8.715	8.703	8.692	8.683	8.675	8.667	8.660	8.594	
4	7.709	6.944	6.591	6.388	6.256	6.163	6.094	6.041	5.999	5.964	5.936	5.912	5.891	5.873	5.858	5.844	5.832	5.821	5.803	5.717	5.628	
5	6.608	5.786	5.409	5.192	5.050	4.950	4.876	4.818	4.772	4.735	4.704	4.678	4.655	4.636	4.619	4.604	4.590	4.579	4.568	4.558	4.464	
6	5.987	5.143	4.757	4.534	4.387	4.284	4.207	4.147	4.099	4.060	4.027	4.005	3.976	3.956	3.938	3.908	3.896	3.884	3.874	3.774	3.669	
7	4.737	4.347	4.120	3.972	3.866	3.787	3.726	3.677	3.637	3.603	3.559	3.529	3.511	3.494	3.480	3.467	3.455	3.445	3.340	3.230		
8	5.318	4.459	4.066	3.838	3.687	3.581	3.500	3.438	3.388	3.347	3.313	3.284	3.259	3.237	3.218	3.202	3.187	3.173	3.161	3.150	3.043	
9	5.117	4.256	3.863	3.633	3.482	3.374	3.293	3.230	3.179	3.137	3.102	3.073	3.048	3.025	3.006	2.989	2.974	2.960	2.948	2.936	2.928	
10	4.103	3.708	3.478	3.326	3.217	3.135	3.072	3.020	2.978	2.943	2.913	2.887	2.865	2.845	2.828	2.812	2.798	2.785	2.774	2.661	2.538	
11	4.844	3.982	3.587	3.357	3.204	3.095	3.012	2.948	2.896	2.854	2.818	2.788	2.761	2.739	2.719	2.685	2.671	2.658	2.646	2.531	2.404	
12	4.747	3.885	3.490	3.259	3.106	2.996	2.913	2.849	2.793	2.753	2.717	2.687	2.660	2.637	2.604	2.577	2.554	2.533	2.515	2.489	2.426	
13	4.667	3.806	3.411	3.179	3.025	2.915	2.832	2.767	2.714	2.671	2.635	2.604	2.577	2.542	2.514	2.484	2.455	2.428	2.413	2.400	2.339	
14	4.600	3.739	3.344	3.112	2.958	2.848	2.764	2.699	2.646	2.602	2.565	2.534	2.507	2.484	2.463	2.445	2.428	2.413	2.400	2.388	2.366	
15	4.543	3.682	3.287	3.056	2.901	2.790	2.707	2.641	2.588	2.544	2.507	2.475	2.448	2.424	2.403	2.385	2.353	2.340	2.328	2.304	2.066	
16	4.494	3.634	3.239	3.007	2.852	2.741	2.657	2.591	2.538	2.494	2.456	2.425	2.397	2.373	2.352	2.333	2.317	2.302	2.288	2.276	2.151	
17	4.451	3.592	3.197	2.965	2.810	2.699	2.614	2.548	2.494	2.450	2.413	2.381	2.353	2.329	2.308	2.289	2.259	2.257	2.243	2.230	2.104	
18	4.414	3.555	3.160	2.928	2.773	2.661	2.577	2.510	2.456	2.412	2.374	2.342	2.314	2.290	2.269	2.250	2.233	2.217	2.203	2.191	2.063	
19	4.381	3.522	3.127	2.895	2.740	2.624	2.544	2.477	2.423	2.378	2.340	2.308	2.280	2.256	2.234	2.215	2.198	2.182	2.168	2.155	2.026	
20	4.351	3.493	3.098	2.866	2.711	2.599	2.514	2.447	2.393	2.348	2.310	2.278	2.250	2.225	2.203	2.184	2.167	2.151	2.137	2.124	1.843	
21	4.325	3.467	3.072	2.840	2.685	2.573	2.488	2.420	2.366	2.321	2.283	2.250	2.222	2.197	2.176	2.156	2.139	2.123	2.109	2.096	1.812	
22	4.301	3.443	3.049	2.817	2.661	2.549	2.464	2.397	2.342	2.305	2.266	2.235	2.204	2.175	2.150	2.128	2.109	2.114	2.098	2.071	1.960	
23	4.279	3.422	3.028	2.796	2.640	2.528	2.442	2.375	2.320	2.275	2.236	2.204	2.175	2.150	2.128	2.108	2.091	2.074	2.054	2.048	1.783	
24	4.260	3.403	3.009	2.776	2.621	2.508	2.423	2.355	2.300	2.255	2.216	2.183	2.155	2.130	2.104	2.075	2.050	2.027	2.017	2.007	1.757	
25	4.242	3.385	2.991	2.759	2.603	2.490	2.405	2.337	2.282	2.236	2.198	2.165	2.136	2.111	2.089	2.051	2.035	2.021	2.007	2.007	1.711	
26	4.225	3.369	2.975	2.743	2.587	2.474	2.388	2.321	2.283	2.242	2.204	2.171	2.148	2.119	2.094	2.072	2.052	2.034	2.018	2.003	1.691	
27	4.210	3.354	2.960	2.718	2.572	2.459	2.373	2.305	2.265	2.229	2.190	2.151	2.118	2.089	2.064	2.041	2.021	2.003	1.987	1.972	1.836	
28	4.196	3.340	2.947	2.704	2.558	2.445	2.359	2.291	2.236	2.190	2.151	2.118	2.089	2.054	2.021	2.007	1.989	1.973	1.958	1.945	1.820	
29	4.183	3.328	2.934	2.701	2.545	2.432	2.346	2.278	2.223	2.177	2.138	2.104	2.075	2.050	2.027	2.007	1.989	1.973	1.958	1.945	1.820	
30	4.171	3.316	2.922	2.690	2.534	2.421	2.334	2.266	2.211	2.165	2.126	2.092	2.063	2.037	2.015	1.995	1.976	1.960	1.945	1.932	1.622	
31	4.160	3.305	2.911	2.679	2.523	2.409	2.323	2.255	2.199	2.153	2.114	2.080	2.051	2.026	2.003	1.983	1.965	1.948	1.933	1.920	1.779	
32	4.149	3.295	2.901	2.668	2.512	2.399	2.313	2.244	2.189	2.142	2.103	2.070	2.040	2.016	1.992	1.972	1.953	1.937	1.922	1.908	1.767	
33	4.139	3.285	2.892	2.659	2.503	2.389	2.303	2.235	2.179	2.133	2.093	2.063	2.030	2.004	1.982	1.961	1.943	1.926	1.911	1.898	1.756	
34	4.130	3.276	2.883	2.650	2.494	2.380	2.294	2.225	2.170	2.123	2.084	2.050	2.021	1.995	1.972	1.952	1.933	1.917	1.902	1.888	1.745	
35	4.121	3.267	2.874	2.641	2.485	2.372	2.285	2.217	2.161	2.114	2.075	2.041	2.012	1.986	1.963	1.942	1.924	1.907	1.892	1.878	1.558	
40	4.085	3.232	2.839	2.606	2.449	2.336	2.249	2.124	2.077	2.038	2.003	1.974	1.948	1.924	1.904	1.885	1.868	1.853	1.839	1.693	1.509	
45	4.057	3.204	2.812	2.579	2.422	2.308	2.221	2.152	2.096	2.049	2.009	1.974	1.945	1.918	1.895	1.874	1.855	1.831	1.823	1.691	1.470	
50	4.034	3.183	2.790	2.557	2.401	2.286	2.199	2.130	2.073	2.026	1.986	1.952	1.921	1.895	1.871	1.850	1.831	1.814	1.784	1.634	1.438	
55	4.016	3.165	2.773	2.540	2.383	2.269	2.181	2.112	2.055	2.008	1.968	1.933	1.903	1.876	1.852	1.831	1.812	1.795	1.779	1.764	1.612	
60	4.001	3.150	2.758	2.525	2.368	2.254	2.167	2.097	2.040	1.993	1.952	1.917	1.887	1.860	1.836	1.815	1.795	1.778	1.763	1.748	1.389	
80	3.960	3.111	2.719	2.486	2.329	2.214	2.126	2.056	1.999	1.951	1.910	1.875	1.845	1.817	1.793	1.772	1.752	1.734	1.718	1.703	1.545	
100	3.936	3.087	2.696	2.463	2.305	2.191	2.103	2.032	1.975	1.931	1.892	1.860	1.821	1.785	1.753	1.725	1.704	1.676	1.691	1.515	1.283	
300	3.873	3.026	2.635	2.402	2.244	2.129	2.040	1.969	1.911	1.862	1.821	1.785	1.753	1.725	1.700	1.677	1.657	1.638	1.606	1.435	1.150	
500	3.860	3.014	2.623	2.390	2.232	2.117	2.028	1.957	1.899	1.850	1.808	1.772	1.740	1.712	1.686	1.664	1.643	1.625	1.607	1.592	1.113	
1000	3.851	3.005	2.614	2.381	2.223	2.108	2.019	1.948	1.889	1.840	1.798	1.762	1.730	1.702	1.676	1.654	1.633	1.614	1.597	1.581	1.406	
∞	3.841	2.996	2.605	2.372	2.214	2.099	2.010	1.938	1.88													

$F(Df_1, Df_2)$ -fordelingen: Kritiske verdier for et 1% signifikansnivå

Df ₂	Df ₁ : Frihetsgrader i teller																		∞		
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	
1	4052	4999	5403	5625	5764	5859	5928	5981	6022	6056	6083	6106	6126	6143	6157	6170	6181	6192	6201	6209	6287
2	98.50	99.00	99.17	99.25	99.30	99.33	99.36	99.37	99.39	99.40	99.41	99.42	99.43	99.44	99.44	99.45	99.45	99.45	99.47	99.50	99.50
3	34.12	30.82	28.71	29.46	28.24	27.91	27.49	27.35	27.23	27.13	26.98	26.92	26.87	26.83	26.79	26.75	26.70	26.69	26.41	26.41	26.13
4	21.20	18.00	16.99	15.98	15.52	15.21	14.98	14.80	14.66	14.55	14.45	14.37	14.31	14.25	14.20	14.15	14.11	14.08	14.02	13.75	13.46
5	16.26	13.27	12.06	11.39	10.97	10.67	10.46	10.29	10.16	10.05	9.963	9.888	9.825	9.770	9.722	9.680	9.643	9.610	9.580	9.553	9.020
6	13.745	10.925	9.780	9.148	8.746	8.466	8.260	8.102	7.976	7.874	7.790	7.718	7.657	7.605	7.559	7.519	7.483	7.451	7.422	7.396	7.143
7	12.246	9.547	8.451	7.847	7.460	7.191	6.993	6.840	6.719	6.620	6.538	6.469	6.410	6.359	6.314	6.275	6.240	6.209	6.181	6.155	5.908
8	11.299	8.649	7.591	6.996	6.632	6.371	6.029	5.911	5.814	5.734	5.667	5.609	5.559	5.515	5.477	5.442	5.412	5.384	5.359	5.116	4.859
9	10.561	8.022	6.942	6.422	6.057	5.802	5.613	5.467	5.351	5.257	5.178	5.111	5.055	5.005	4.962	4.924	4.890	4.860	4.833	4.507	4.311
10	10.044	7.559	6.552	5.994	5.636	5.386	5.200	5.057	4.942	4.849	4.772	4.706	4.650	4.558	4.520	4.487	4.457	4.430	4.405	4.165	3.909
11	9.646	7.206	6.217	5.668	5.316	5.069	4.886	4.744	4.632	4.539	4.462	4.397	4.342	4.293	4.251	4.213	4.180	4.150	4.123	4.099	3.860
12	9.330	6.927	5.953	5.412	5.064	4.821	4.640	4.499	4.388	4.296	4.220	4.155	4.100	4.052	4.010	3.972	3.939	3.909	3.883	3.858	3.619
13	9.074	6.701	5.739	5.205	4.862	4.620	4.441	4.302	4.191	4.100	4.025	3.960	3.905	3.857	3.815	3.778	3.745	3.716	3.689	3.665	3.425
14	8.682	6.515	5.564	5.035	4.695	4.456	4.274	4.142	4.030	3.905	3.864	3.805	3.745	3.696	3.656	3.619	3.586	3.559	3.505	3.304	3.004
15	8.683	6.359	5.417	4.893	4.556	4.318	4.044	3.895	3.760	3.666	3.612	3.564	3.522	3.485	3.452	3.423	3.396	3.372	3.342	2.868	2.868
16	8.531	6.226	5.292	4.773	4.437	4.202	4.026	3.890	3.780	3.691	3.616	3.553	3.498	3.451	3.409	3.372	3.339	3.310	3.283	3.259	3.018
17	8.400	6.112	5.185	4.669	4.336	4.102	3.927	3.791	3.682	3.593	3.519	3.455	3.401	3.353	3.312	3.275	3.242	3.212	3.186	3.162	2.920
18	8.285	6.013	5.092	4.579	4.248	4.015	3.841	3.705	3.597	3.508	3.434	3.371	3.316	3.227	3.190	3.158	3.128	3.101	3.077	3.045	2.855
19	8.185	5.926	5.010	4.500	4.171	3.939	3.795	3.653	3.523	3.434	3.360	3.297	3.242	3.195	3.153	3.116	3.084	3.054	3.027	3.003	2.489
20	8.096	5.849	4.938	4.431	4.103	3.871	3.699	3.564	3.457	3.368	3.294	3.231	3.177	3.130	3.084	3.051	3.018	2.989	2.962	2.938	2.695
21	8.017	5.780	4.874	4.369	4.042	3.812	3.640	3.506	3.398	3.310	3.236	3.173	3.113	3.072	3.030	2.993	2.960	2.931	2.904	2.880	2.636
22	7.945	5.719	4.817	4.313	3.988	3.758	3.587	3.453	3.346	3.258	3.184	3.121	3.067	3.019	2.978	2.941	2.908	2.879	2.852	2.827	2.566
23	7.881	5.664	4.765	4.264	3.939	3.710	3.539	3.406	3.299	3.211	3.137	3.074	3.020	2.973	2.931	2.894	2.861	2.832	2.805	2.781	2.535
24	7.823	5.614	4.718	4.218	3.895	3.667	3.457	3.324	3.217	3.129	3.056	3.094	3.032	2.977	2.930	2.889	2.852	2.813	2.780	2.738	2.492
25	7.770	5.568	4.675	4.177	3.855	3.627	3.427	3.294	3.173	3.092	2.993	2.933	2.892	2.850	2.813	2.789	2.750	2.715	2.688	2.664	2.417
26	7.721	5.467	4.637	4.140	3.818	3.591	3.421	3.288	3.182	3.094	3.021	2.958	2.904	2.857	2.815	2.778	2.746	2.713	2.683	2.656	2.305
27	7.677	5.488	4.601	4.106	3.785	3.555	3.388	3.256	3.149	3.062	2.988	2.926	2.871	2.824	2.783	2.746	2.713	2.683	2.656	2.632	2.384
28	7.636	5.453	4.568	4.074	3.754	3.528	3.358	3.226	3.120	3.032	2.959	2.896	2.842	2.795	2.753	2.716	2.683	2.653	2.626	2.602	2.354
29	7.598	5.420	4.538	4.018	3.725	3.499	3.363	3.236	3.173	3.067	2.975	2.931	2.868	2.814	2.768	2.726	2.689	2.656	2.626	2.602	2.311
30	7.562	5.390	4.510	4.018	3.699	3.473	3.304	3.177	3.093	3.002	2.931	2.876	2.821	2.778	2.739	2.704	2.663	2.630	2.573	2.535	2.169
31	7.530	5.362	4.484	3.993	3.675	3.449	3.281	3.149	3.043	2.955	2.882	2.820	2.765	2.718	2.677	2.634	2.597	2.557	2.527	2.527	2.131
32	7.499	5.336	4.459	3.969	3.652	3.427	3.258	3.127	3.021	2.934	2.860	2.798	2.744	2.696	2.655	2.618	2.584	2.555	2.527	2.527	2.131
33	7.471	5.312	4.437	3.948	3.630	3.406	3.238	3.106	3.000	2.913	2.840	2.777	2.723	2.676	2.634	2.597	2.564	2.534	2.507	2.482	2.131
34	7.444	5.289	4.416	3.908	3.592	3.368	3.200	3.069	2.963	2.876	2.803	2.758	2.704	2.657	2.615	2.578	2.545	2.515	2.488	2.463	2.111
35	7.419	5.268	4.396	3.908	3.592	3.368	3.200	3.069	2.963	2.876	2.803	2.758	2.704	2.657	2.615	2.578	2.545	2.515	2.488	2.463	2.111
36	7.077	4.977	4.126	3.649	3.339	3.119	2.953	2.823	2.718	2.632	2.559	2.496	2.442	2.394	2.352	2.315	2.281	2.251	2.223	2.198	1.936
37	6.963	4.881	4.036	3.563	3.255	3.036	2.871	2.747	2.637	2.551	2.478	2.415	2.361	2.313	2.271	2.233	2.199	2.169	2.141	2.115	1.805
38	6.895	4.824	3.984	3.513	3.206	2.988	2.823	2.694	2.590	2.503	2.430	2.368	2.313	2.265	2.223	2.185	2.151	2.120	2.092	2.067	1.737
39	6.720	4.677	3.848	3.382	3.079	2.862	2.699	2.571	2.467	2.380	2.307	2.244	2.190	2.142	2.099	2.061	2.026	2.095	2.066	2.020	1.720
40	6.734	5.179	4.313	3.828	3.514	3.291	3.124	2.993	2.888	2.801	2.727	2.665	2.611	2.556	2.522	2.484	2.451	2.421	2.394	2.369	2.114
41	6.711	5.057	4.199	3.720	3.408	3.186	3.020	2.890	2.785	2.698	2.625	2.562	2.508	2.456	2.424	2.393	2.363	2.336	2.311	2.286	2.054
42	6.700	5.013	4.159	3.720	3.408	3.186	3.020	2.890	2.785	2.698	2.625	2.562	2.508	2.456	2.424	2.393	2.363	2.336	2.311	2.286	2.054
43	6.686	4.646	3.848	3.382	3.079	2.862	2.699	2.571	2.467	2.380	2.307	2.244	2.190	2.142	2.099	2.061	2.026	2.095	2.066	2.020	1.720
44	6.660	4.626	3.801	3.357	3.054	2.838	2.675	2.547	2.443	2.363	2.283	2.220	2.166	2.117	2.075	2.036	2.006	2.074	2.045	2.020	1.720
45	6.635	4.605	3.782	3.319	3.017	2.802	2.639	2.511	2.407	2.321	2.245	2.182	2.118	2.059	2.026	2.003	2.000	2.039	2.000	2.000	1.720
46	6.635	4.605	3.782	3.319	3.017	2.802	2.639	2.511	2.407	2.321	2.245	2.182	2.118	2.059	2.026	2.003	2.000	2.039	2.000	2.000	1.720
47	6.635	4.605	3.782	3.319	3.017	2.802	2.639	2.511	2.407	2.321	2.245	2.182	2.118	2.059	2.026	2.003	2.000	2.039	2.000	2.000	1.720
48	6.635	4.605	3.782	3.319	3.017	2.802	2.639	2.511	2.407	2.321	2.245	2.182	2.118	2.059	2.026	2.003	2.000	2.039	2.000	2.000	1.720
49	6.635	4.605	3.782	3.319	3.017	2.802	2.639	2.511	2.407	2.321	2.245	2.182	2.118	2.059	2.026	2.003	2.000	2.039	2.000	2.000	1.720
50	6.635	4.605	3.782	3.319	3.017	2.802	2.639	2.511	2.407	2.321	2.245	2.182	2.118	2.059	2.026	2.003	2.000	2.039	2.000	2.000	1.720
51	6.635	4.605	3.782	3.319	3.017	2.802	2.639	2.511	2.407	2.321	2.245	2.182	2.118	2.059	2.026	2.003	2.000	2.039	2.000	2.000	1.720
52	6.635	4.605	3.782	3.319	3.017	2.802	2.639	2.511	2.407	2.321	2.245	2.182	2.118	2.059	2.026	2.003	2.000	2.039	2.000	2.000	1.720
53	6.635	4.605	3.782	3.319	3.017	2.802	2.639	2.511	2.407	2.321	2.245										

Verdier generert i R versjon 2.13.2 med qf funksjonen.