

EKSAMEN

| | |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------|
| Emnekode: SFB10711 | Emne: Metode 1 Statistikkdel |
| Dato: 5. feb. 2016 | Eksamenstid: kl. 1400 til kl. 1800 |
| Hjelpemidler: Kalkulator Utlevert formelsamling | Faglærer: Nils Ingar Arvidsen |
| <p>Eksamensoppgaven: Oppgavesettet består av 4 sider inklusiv denne forsiden. Kontroller at oppgaven er komplett før du begynner å besvare spørsmålene. Formelsamling i tillegg.</p> <p><i>Oppgavesettet består av 20 delspørsmål. Hvert delspørsmål teller likt ved sensurering. Begynn hver oppgave på ny side.</i></p> <p>OBS ALLE BEREGNINGER SKAL VISES</p> <p>Om noe er uklart eller mangelfullt i oppgaven inngår det som en del av oppgaven å ta de nødvendige forutsetninger.</p> <p>LYKKE TIL</p> | |
| Sensurdato: <u>29.02.16</u> Karakterene er tilgjengelige for studenter på studentweb senest dagen etter oppgitt sensurfrist. Følg instruksjoner gitt på: http://www.hiof.no/index.php?ID=7027 | |

Oppgave 1

Et varelager inneholder 20 kasser. 5 av kassene inneholder varer med feil. Vi tar med oss to tilfeldige kasser fra lageret.

- På hvor mange måter kan det gjøres?
- Hva er sannsynligheten for at ingen av de to kassene inneholder varer med feil?
- Hva er sannsynligheten for at minst en av de to kassene inneholder varer med feil?

Oppgave 2

Ved teoriprøven til førerkort er det mange som trenger flere forsøk for å bestå. Ved en trafikkskole har man funnet at antall forsøk elevene trenger er som i tabellen under. Variabelen X representerer antall forsøk en tilfeldig elev trenger for å bestå teoriprøven.

| | | | | |
|------------|-----|------|------|-----|
| x | 1 | 2 | 3 | 4 |
| $P(X = x)$ | 0,5 | 0,25 | 0,15 | 0,1 |

- Tegn grafen til fordelingsfunksjonen $F(x) = P(X \leq x)$
- Beregn forventning $E(X)$ og varians $Var(X)$.
- Hva er sannsynligheten for at en elev bruker minst tre forsøk for å bestå teoriprøven?
- Avgiften til Statens vegvesen er kr 560 hver gang man går opp til prøven. La variabelen Y representere totalt beløp en elev betaler i avgifter til teoriprøven. Beregn $E(Y)$ og $Var(Y)$.

Oppgave 3

Trafikkskolen regner med at den totale kostnaden K for å ta førerprøven for en tilfeldig elev er tilnærmet normalfordelt med forventning $\mu = 40000$ kr og standardavvik $\sigma = 8000$ kr.

- a) Hva er sannsynligheten for at en tilfeldig elev bruker mer enn kr 38000 på å ta førerprøven?
- b) 16 elever trekkes tilfeldig. Hva er sannsynligheten for at de i gjennomsnitt bruker mer enn kr 42000 på førerprøven?
- c) Etter omlegging av driften ved trafikkskolen påstår de at det har blitt billigere å ta førerkort hos dem. Vi ønsker å teste dette ved å spørre 16 tilfeldig elever hva deres kostnader var. Vi fant at gjennomsnittet i utvalget var kr 38000 og standardavviket i utvalget var kr 6000. Formuler dette som en hypotesetest for forventningen μ .
- d) Gjennomfør testen med signifikansnivå 5 %. Hva er testens forkastingsområde?

Oppgave 4

I en spørreundersøkelse utført i desember 2015 ble 1000 velgere spurt om hvilket parti de ville stemme på hvis det var valg i morgen. Av disse svarte 300 personer at de ville stemme på Fremskrittspartiet. Ved valget i 2013 fikk partiet 27 % av stemmene.

Man lurer på om oppslutningen om partiet har endret seg.

- a) Sett opp passende hypoteser
- b) Foreta en hypotesetest på 5 % nivå for å avgjøre om partiets velgerandel er endret siden valget i 2013.
- c) Lag et 90 % konfidensintervall for partiets velgerandel basert på undersøkelsen.

Oppgave 5

Anta at HiØ studenter har en vekt som er normalfordelt $N(70, 5)$.

- a) Hva er sannsynligheten for at en tilfeldig student veier mellom 65 og 75 kg?
- b) Man gjør et tilfeldig utvalg av 4 studenter. Hva er sannsynligheten for at akkurat en veier under 60 kg?

Man betrakter $S_4 =$ Summen av vekten til 4 studenter.

- c) Hvilken fordeling har S_4 og hva er sannsynligheten for at S_4 er større enn 280 kg?

Anta nå at både μ og σ er ukjent. Man lurer på om studentenes vekt har gått opp. Man veier 5 tilfeldige studenter. Resultatet ble 67, 71, 71, 73 og 83 kg.

- d) Formuler problemet som et hypoteseproblem og gjennomfør en test med $\alpha = 0,05$ og avgjør om vekten har gått opp
- e) Hva menes med en tests styrke?
- f) Lag et 95 % konfidensintervall for μ .

Formelsamling i statistikk 1

Kapittel 3

Grunnleggende formler i sannsynlighetsregningen

| | |
|---------------------------|----------------------------------------------------------------------------|
| Komplementregel | $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$ |
| Generell addisjonssetning | $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$ |
| Betinget sannsynlighet | $P(A B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$ |
| Multiplikasjonsregel | $P(A \cap B) = P(B \cap A) = P(B) \cdot P(A B) = P(A) \cdot P(B A)$ |
| Bayes lov | $P(B A) = \frac{P(B) \cdot P(A B)}{P(A)}$ |
| Total sannsynlighet | $P(A) = \sum_{i=1}^n P(A B_i) \cdot P(B_i)$ |
| Uavhengighet | $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) \quad P(A B) = P(A)$ $P(B A) = P(B)$ |

Kombinatorikk

La n være antall mulige utfall i én trekning, og k antall trekninger.

| | |
|------------------------------------|-------------------------------------------------------|
| Ordnet utvalg med tilbakelegging | $m = n^k$ |
| Ordnet utvalg uten tilbakelegging | $P_{n,k} = \frac{n!}{(n-k)!}$ |
| Uordnet utvalg uten tilbakelegging | $C_{n,k} = \binom{n}{k} = \frac{n!}{(n-k)! \cdot k!}$ |

Kapittel 4

Generelt om sannsynlighetsfordelinger

| | |
|--------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Fordelingsfunksjon | $F(x) = P(X \leq x)$ $P(a < X \leq b) = F(b) - F(a)$ $P(X > a) = 1 - F(a)$ $P(X \leq b) = F(b)$ |
| Forventning | $\mu = E(X) = \sum_{\text{alle } x_i} x_i \cdot P(X = x_i)$ $\mu = E(X) = \int_{-\infty}^{\infty} x f(x) dx$ $E(a) = a$ $E(bX) = bE(X)$ $E(a + bX) = a + bE(X)$ $E(a + bX + cX^2) = a + bE(X) + cE(X^2)$ $E[g(X)] = \sum_{\text{alle } x_i} g(x_i) \cdot P(X = x_i)$ |
| Varians | $\sigma^2 = \text{Var}(X) = E[(X - \mu)^2] = E(X^2) - \mu^2$ $\text{Var}(X + a) = \text{Var}(X)$ $\text{Var}(bX) = b^2 \text{Var}(X)$ $\text{Var}(bX + a) = b^2 \text{Var}(X)$ |
| Standardavvik | $\sigma = SD(X) = \sqrt{\text{Var}(X)}$ |
| Kovarians | $\text{Cov}(X, Y) = E[(X - \mu_X)(Y - \mu_Y)] = E(X \cdot Y) - \mu_X \cdot \mu_Y$ |
| Korrelasjon | $\rho(X, Y) = \text{Corr}(X, Y) = \frac{\text{Cov}(X, Y)}{\sigma_X \cdot \sigma_Y}$ |

Kapittel 5

Spesielle diskrete sannsynlighetsfordelinger

| | |
|---------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Binomisk fordeling | $X \sim \text{bin}(n, p)$ $P(X = x) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}$ $E(X) = np \quad \text{Var}(X) = np(1-p)$ |
| Hypergeometrisk fordeling | $X \sim \text{hypergeom}(N, M, n)$ $P(X = x) = \frac{\binom{M}{x} \cdot \binom{N-M}{n-x}}{\binom{N}{n}}$ $E(X) = np \quad \text{Var}(X) = np(1-p) \cdot \frac{N-n}{N-1} \quad \text{der } p = \frac{M}{N}$ |
| Poiissonfordeling | $P(X = x) = \frac{(\lambda t)^x}{x!} e^{-\lambda t}$ $E(X) = \lambda t \quad \text{Var}(X) = \lambda t$ |

Spesielle kontinuerte sannsynlighetsfordelinger

| | |
|--------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Eksponensialfordeling | $T \sim \text{eksp}(\lambda)$ $f(t) = \lambda e^{-\lambda t}, \quad F(t) = 1 - e^{-\lambda t} \quad \text{for } t > 0$ $\mu = E(T) = \frac{1}{\lambda} \quad \text{Var}(T) = \frac{1}{\lambda^2}$ |
| Standard normalfordeling | $Z \sim N(0, 1)$ $Z = \frac{X - \mu}{\sigma} \quad P(Z \leq z) = G(z)$ |
| Generell normalfordeling | $X \sim N(\mu, \sigma)$ $F(x) = G\left(\frac{x - \mu}{\sigma}\right)$ |

Tilnærminger

| | |
|-----------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Sentralgrenseteoremet | La X_1, X_2, \dots, X_n være uavhengige variabler fra samme sannsynlighetsfordeling med forventning μ og standardavvik σ . Da er $\bar{X} = \frac{1}{n}(X_1 + X_2 + \dots + X_n)$ tilnærmet $N\left(\mu, \frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right)$ og summen $X_1 + X_2 + \dots + X_n$ tilnærmet $N(n\mu, \sqrt{n}\sigma)$ |
|-----------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

Kapittel 6

Punktestimering

| | |
|--------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Estimering av μ | $\hat{\mu} = \bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$ $E(\bar{X}) = \mu \quad \text{Var}(\bar{X}) = \frac{\sigma^2}{n} \quad SE(\bar{X}) = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ |
| Estimering av σ^2 | $S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2 \quad E(S^2) = \sigma^2$ |
| Estimering av p | $\hat{p} = \frac{X}{n} \quad SE(\hat{p}) = \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}}$ |

Konfidensintervall

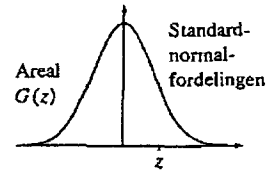
| | |
|---------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Z-intervall (kjent σ) 100(1 - α) % for μ | $\left[\bar{X} - z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{X} + z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right]$ |
| Lengde av Z-intervall | $L = 2 \cdot z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ |
| T-intervall (ukjent σ) 100(1 - α) % for μ | $\left[\bar{X} - t_{\alpha/2} \cdot \frac{S}{\sqrt{n}}, \bar{X} + t_{\alpha/2} \cdot \frac{S}{\sqrt{n}} \right]$ |
| Konfidensintervall 100(1 - α) % for p | $\left[\hat{p} - z_{\alpha/2} \cdot \sqrt{\frac{\hat{p}(1 - \hat{p})}{n}}, \hat{p} + z_{\alpha/2} \cdot \sqrt{\frac{\hat{p}(1 - \hat{p})}{n}} \right]$ |

Hypotesetesting

| | |
|------------------------------------------|-----------------------------------------------------------|
| Z-test av μ (når σ er kjent) | $Z = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$ |
| T-test av μ (når σ er ukjent) | $T = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\frac{S}{\sqrt{n}}}$ |
| Z-test av p | $Z = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1 - p_0)}{n}}}$ |

D.3 Kumulativ standardnormalfordeling

Tabellen viser Gauss-funksjonen $G(z)$ for forskjellige valg av z .

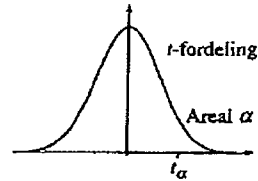


| z | 0,00 | 0,01 | 0,02 | 0,03 | 0,04 | 0,05 | 0,06 | 0,07 | 0,08 | 0,09 |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| -3,00 | ,0013 | ,0013 | ,0013 | ,0012 | ,0012 | ,0011 | ,0011 | ,0011 | ,0010 | ,0010 |
| -2,90 | ,0019 | ,0018 | ,0018 | ,0017 | ,0016 | ,0016 | ,0015 | ,0015 | ,0014 | ,0014 |
| -2,80 | ,0026 | ,0025 | ,0024 | ,0023 | ,0023 | ,0022 | ,0021 | ,0021 | ,0020 | ,0019 |
| -2,70 | ,0035 | ,0034 | ,0033 | ,0032 | ,0031 | ,0030 | ,0029 | ,0028 | ,0027 | ,0026 |
| -2,60 | ,0047 | ,0045 | ,0044 | ,0043 | ,0041 | ,0040 | ,0039 | ,0038 | ,0037 | ,0036 |
| -2,50 | ,0062 | ,0060 | ,0059 | ,0057 | ,0055 | ,0054 | ,0052 | ,0051 | ,0049 | ,0048 |
| -2,40 | ,0082 | ,0080 | ,0078 | ,0075 | ,0073 | ,0071 | ,0069 | ,0068 | ,0066 | ,0064 |
| -2,30 | ,0107 | ,0104 | ,0102 | ,0099 | ,0096 | ,0094 | ,0091 | ,0089 | ,0087 | ,0084 |
| -2,20 | ,0139 | ,0136 | ,0132 | ,0129 | ,0125 | ,0122 | ,0119 | ,0116 | ,0113 | ,0110 |
| -2,10 | ,0179 | ,0174 | ,0170 | ,0166 | ,0162 | ,0158 | ,0154 | ,0150 | ,0146 | ,0143 |
| -2,00 | ,0228 | ,0222 | ,0217 | ,0212 | ,0207 | ,0202 | ,0197 | ,0192 | ,0188 | ,0183 |
| -1,90 | ,0287 | ,0281 | ,0274 | ,0268 | ,0262 | ,0256 | ,0250 | ,0244 | ,0239 | ,0233 |
| -1,80 | ,0359 | ,0351 | ,0344 | ,0336 | ,0329 | ,0322 | ,0314 | ,0307 | ,0301 | ,0294 |
| -1,70 | ,0446 | ,0436 | ,0427 | ,0418 | ,0409 | ,0401 | ,0392 | ,0384 | ,0375 | ,0367 |
| -1,60 | ,0548 | ,0537 | ,0526 | ,0516 | ,0505 | ,0495 | ,0485 | ,0475 | ,0465 | ,0455 |
| -1,50 | ,0668 | ,0655 | ,0643 | ,0630 | ,0618 | ,0606 | ,0594 | ,0582 | ,0571 | ,0559 |
| -1,40 | ,0808 | ,0793 | ,0778 | ,0764 | ,0749 | ,0735 | ,0721 | ,0708 | ,0694 | ,0681 |
| -1,30 | ,0968 | ,0951 | ,0934 | ,0918 | ,0901 | ,0885 | ,0869 | ,0853 | ,0838 | ,0823 |
| -1,20 | ,1151 | ,1131 | ,1112 | ,1093 | ,1075 | ,1056 | ,1038 | ,1020 | ,1003 | ,0985 |
| -1,10 | ,1357 | ,1335 | ,1314 | ,1292 | ,1271 | ,1251 | ,1230 | ,1210 | ,1190 | ,1170 |
| -1,00 | ,1587 | ,1562 | ,1539 | ,1515 | ,1492 | ,1469 | ,1446 | ,1423 | ,1401 | ,1379 |
| -0,90 | ,1841 | ,1814 | ,1788 | ,1762 | ,1736 | ,1711 | ,1685 | ,1660 | ,1635 | ,1611 |
| -0,80 | ,2119 | ,2090 | ,2061 | ,2033 | ,2005 | ,1977 | ,1949 | ,1922 | ,1894 | ,1867 |
| -0,70 | ,2420 | ,2389 | ,2358 | ,2327 | ,2296 | ,2266 | ,2236 | ,2206 | ,2177 | ,2148 |
| -0,60 | ,2743 | ,2709 | ,2676 | ,2643 | ,2611 | ,2578 | ,2546 | ,2514 | ,2483 | ,2451 |
| -0,50 | ,3085 | ,3050 | ,3015 | ,2981 | ,2946 | ,2912 | ,2877 | ,2843 | ,2810 | ,2776 |
| -0,40 | ,3446 | ,3409 | ,3372 | ,3336 | ,3300 | ,3264 | ,3228 | ,3192 | ,3156 | ,3121 |
| -0,30 | ,3821 | ,3783 | ,3745 | ,3707 | ,3669 | ,3632 | ,3594 | ,3557 | ,3520 | ,3483 |
| -0,20 | ,4207 | ,4168 | ,4129 | ,4090 | ,4052 | ,4013 | ,3974 | ,3936 | ,3897 | ,3859 |
| -0,10 | ,4602 | ,4562 | ,4522 | ,4483 | ,4443 | ,4404 | ,4364 | ,4325 | ,4286 | ,4247 |
| -0,00 | ,5000 | ,4960 | ,4920 | ,4880 | ,4840 | ,4801 | ,4761 | ,4721 | ,4681 | ,4641 |
| 0,00 | ,5000 | ,5040 | ,5080 | ,5120 | ,5160 | ,5199 | ,5239 | ,5279 | ,5319 | ,5359 |
| 0,10 | ,5398 | ,5438 | ,5478 | ,5517 | ,5557 | ,5596 | ,5636 | ,5675 | ,5714 | ,5753 |
| 0,20 | ,5793 | ,5832 | ,5871 | ,5910 | ,5948 | ,5987 | ,6026 | ,6064 | ,6103 | ,6141 |
| 0,30 | ,6179 | ,6217 | ,6255 | ,6293 | ,6331 | ,6368 | ,6406 | ,6443 | ,6480 | ,6517 |
| 0,40 | ,6554 | ,6591 | ,6628 | ,6664 | ,6700 | ,6736 | ,6772 | ,6808 | ,6844 | ,6879 |
| 0,50 | ,6915 | ,6950 | ,6985 | ,7019 | ,7054 | ,7088 | ,7123 | ,7157 | ,7190 | ,7224 |
| 0,60 | ,7257 | ,7291 | ,7324 | ,7357 | ,7389 | ,7422 | ,7454 | ,7486 | ,7517 | ,7549 |
| 0,70 | ,7580 | ,7611 | ,7642 | ,7673 | ,7704 | ,7734 | ,7764 | ,7794 | ,7823 | ,7852 |
| 0,80 | ,7881 | ,7910 | ,7939 | ,7967 | ,7995 | ,8023 | ,8051 | ,8078 | ,8106 | ,8133 |
| 0,90 | ,8159 | ,8186 | ,8212 | ,8238 | ,8264 | ,8289 | ,8315 | ,8340 | ,8365 | ,8389 |
| 1,00 | ,8413 | ,8438 | ,8461 | ,8485 | ,8508 | ,8531 | ,8554 | ,8577 | ,8599 | ,8621 |
| 1,10 | ,8643 | ,8665 | ,8686 | ,8708 | ,8729 | ,8749 | ,8770 | ,8790 | ,8810 | ,8830 |
| 1,20 | ,8849 | ,8869 | ,8888 | ,8907 | ,8925 | ,8944 | ,8962 | ,8980 | ,8997 | ,9015 |
| 1,30 | ,9032 | ,9049 | ,9066 | ,9082 | ,9099 | ,9115 | ,9131 | ,9147 | ,9162 | ,9177 |
| 1,40 | ,9192 | ,9207 | ,9222 | ,9236 | ,9251 | ,9265 | ,9279 | ,9292 | ,9306 | ,9319 |
| 1,50 | ,9332 | ,9345 | ,9357 | ,9370 | ,9382 | ,9394 | ,9406 | ,9418 | ,9429 | ,9441 |
| 1,60 | ,9452 | ,9463 | ,9474 | ,9484 | ,9495 | ,9505 | ,9515 | ,9525 | ,9535 | ,9545 |
| 1,70 | ,9554 | ,9564 | ,9573 | ,9582 | ,9591 | ,9599 | ,9608 | ,9616 | ,9625 | ,9633 |
| 1,80 | ,9641 | ,9649 | ,9656 | ,9664 | ,9671 | ,9678 | ,9686 | ,9693 | ,9699 | ,9706 |
| 1,90 | ,9713 | ,9719 | ,9726 | ,9732 | ,9738 | ,9744 | ,9750 | ,9756 | ,9761 | ,9767 |
| 2,00 | ,9772 | ,9778 | ,9783 | ,9788 | ,9793 | ,9798 | ,9803 | ,9808 | ,9812 | ,9817 |
| 2,10 | ,9821 | ,9826 | ,9830 | ,9834 | ,9838 | ,9842 | ,9846 | ,9850 | ,9854 | ,9857 |
| 2,20 | ,9861 | ,9864 | ,9868 | ,9871 | ,9875 | ,9878 | ,9881 | ,9884 | ,9887 | ,9890 |
| 2,30 | ,9893 | ,9896 | ,9898 | ,9901 | ,9904 | ,9906 | ,9909 | ,9911 | ,9913 | ,9916 |
| 2,40 | ,9918 | ,9920 | ,9922 | ,9925 | ,9927 | ,9929 | ,9931 | ,9932 | ,9934 | ,9936 |
| 2,50 | ,9938 | ,9940 | ,9941 | ,9943 | ,9945 | ,9946 | ,9948 | ,9949 | ,9951 | ,9952 |
| 2,60 | ,9953 | ,9955 | ,9956 | ,9957 | ,9959 | ,9960 | ,9961 | ,9962 | ,9963 | ,9964 |
| 2,70 | ,9965 | ,9966 | ,9967 | ,9968 | ,9969 | ,9970 | ,9971 | ,9972 | ,9973 | ,9974 |
| 2,80 | ,9974 | ,9975 | ,9976 | ,9977 | ,9977 | ,9978 | ,9979 | ,9979 | ,9980 | ,9981 |
| 2,90 | ,9981 | ,9982 | ,9982 | ,9983 | ,9984 | ,9984 | ,9985 | ,9985 | ,9986 | ,9986 |
| 3,00 | ,9987 | ,9987 | ,9987 | ,9988 | ,9988 | ,9989 | ,9989 | ,9989 | ,9990 | ,9990 |

Verdien til $G(z)$ er beregnet med Excel-funksjonen $\text{NORMALFORDELING}(z;0;1;1)$.

D.5 t -fordelingens kvantiltabell

Tabellen viser den kritiske verdien t_{α} for forskjellige valg av nivået α .



| Antall frihetsgrader | Areal α | | | | | |
|-------------------------|----------------|-------|-------|--------|--------|--------|
| | 0,25 | 0,1 | 0,05 | 0,025 | 0,01 | 0,005 |
| 1 | 1,000 | 3,078 | 6,314 | 12,706 | 31,821 | 63,656 |
| 2 | 0,816 | 1,886 | 2,920 | 4,303 | 6,965 | 9,925 |
| 3 | 0,765 | 1,638 | 2,353 | 3,182 | 4,541 | 5,841 |
| 4 | 0,741 | 1,533 | 2,132 | 2,776 | 3,747 | 4,604 |
| 5 | 0,727 | 1,476 | 2,015 | 2,571 | 3,365 | 4,032 |
| 6 | 0,718 | 1,440 | 1,943 | 2,447 | 3,143 | 3,707 |
| 7 | 0,711 | 1,415 | 1,895 | 2,365 | 2,998 | 3,499 |
| 8 | 0,706 | 1,397 | 1,860 | 2,306 | 2,896 | 3,355 |
| 9 | 0,703 | 1,383 | 1,833 | 2,262 | 2,821 | 3,250 |
| 10 | 0,700 | 1,372 | 1,812 | 2,228 | 2,764 | 3,169 |
| 11 | 0,697 | 1,363 | 1,796 | 2,201 | 2,718 | 3,106 |
| 12 | 0,695 | 1,356 | 1,782 | 2,179 | 2,681 | 3,055 |
| 13 | 0,694 | 1,350 | 1,771 | 2,160 | 2,650 | 3,012 |
| 14 | 0,692 | 1,345 | 1,761 | 2,145 | 2,624 | 2,977 |
| 15 | 0,691 | 1,341 | 1,753 | 2,131 | 2,602 | 2,947 |
| 16 | 0,690 | 1,337 | 1,746 | 2,120 | 2,583 | 2,921 |
| 17 | 0,689 | 1,333 | 1,740 | 2,110 | 2,567 | 2,898 |
| 18 | 0,688 | 1,330 | 1,734 | 2,101 | 2,552 | 2,878 |
| 19 | 0,688 | 1,328 | 1,729 | 2,093 | 2,539 | 2,861 |
| 20 | 0,687 | 1,325 | 1,725 | 2,086 | 2,528 | 2,845 |
| 21 | 0,686 | 1,323 | 1,721 | 2,080 | 2,518 | 2,831 |
| 22 | 0,686 | 1,321 | 1,717 | 2,074 | 2,508 | 2,819 |
| 23 | 0,685 | 1,319 | 1,714 | 2,069 | 2,500 | 2,807 |
| 24 | 0,685 | 1,318 | 1,711 | 2,064 | 2,492 | 2,797 |
| 25 | 0,684 | 1,316 | 1,708 | 2,060 | 2,485 | 2,787 |
| 26 | 0,684 | 1,315 | 1,706 | 2,056 | 2,479 | 2,779 |
| 27 | 0,684 | 1,314 | 1,703 | 2,052 | 2,473 | 2,771 |
| 28 | 0,683 | 1,313 | 1,701 | 2,048 | 2,467 | 2,763 |
| 29 | 0,683 | 1,311 | 1,699 | 2,045 | 2,462 | 2,756 |
| 30 | 0,683 | 1,310 | 1,697 | 2,042 | 2,457 | 2,750 |
| 31 | 0,682 | 1,309 | 1,696 | 2,040 | 2,453 | 2,744 |
| 32 | 0,682 | 1,309 | 1,694 | 2,037 | 2,449 | 2,738 |
| 33 | 0,682 | 1,308 | 1,692 | 2,035 | 2,445 | 2,733 |
| 34 | 0,682 | 1,307 | 1,691 | 2,032 | 2,441 | 2,728 |
| 35 | 0,682 | 1,306 | 1,690 | 2,030 | 2,438 | 2,724 |
| 40 | 0,681 | 1,303 | 1,684 | 2,021 | 2,423 | 2,704 |
| 45 | 0,680 | 1,301 | 1,679 | 2,014 | 2,412 | 2,690 |
| 50 | 0,679 | 1,299 | 1,676 | 2,009 | 2,403 | 2,678 |
| 60 | 0,679 | 1,296 | 1,671 | 2,000 | 2,390 | 2,660 |
| 70 | 0,678 | 1,294 | 1,667 | 1,994 | 2,381 | 2,648 |
| 80 | 0,678 | 1,292 | 1,664 | 1,990 | 2,374 | 2,639 |
| 100 | 0,677 | 1,290 | 1,660 | 1,984 | 2,364 | 2,626 |
| 1000 | 0,675 | 1,282 | 1,646 | 1,962 | 2,330 | 2,581 |
| 10000 | 0,675 | 1,282 | 1,645 | 1,960 | 2,327 | 2,576 |

Verdien t_{α} er beregnet av Excel-funksjonen TINV(2* α ; frihetsgrad).