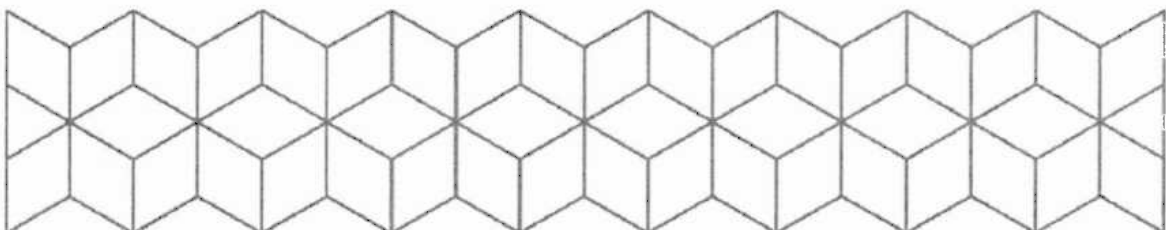


# EKSAMEN

<b>Emnekode:</b> <b>IRF 30014</b>	<b>Emnenavn:</b> <b>Matematikk 3</b>
<b>Dato:</b> 14.06.16 <b>Sensurfrist:</b> 05.07.16	<b>Eksamenstid:</b> 09.00 – 13.00
<b>Antall oppgavesider:</b> 2 <b>Antall vedleggsider:</b> 1	<b>Faglærer:</b> Tore August Kro <b>Oppgaven er kontrollert:</b> Ja
<b>Hjelpemidler:</b> Godkjent kalkulator og alle skriftlige hjelpemidler	
<b>Om eksamensoppgaven:</b> Gjør alle oppgavene. Alle deloppgaver teller likt. Vis alle utregninger. Besvarelsen vurderes ut fra kvaliteten på begrunnelsene.	
<b>Kandidaten må selv kontrollere at oppgavesettet er fullstendig</b>	



**Oppgave 1.** En ellipse med sentrum i origo har eksentrisitet  $e = \frac{3}{5}$  og styrelinjer  $x = \pm 25$ . Finn store og lille halvakse. Hva er ligningen til denne ellipsen? Finn også brennpunktene. Skisser ellipsen sammen med brennpunkt og styrelinjer.

**Oppgave 2.** Funksjonen  $f$  er gitt ved

$$f(x, y, z) = 7x + z.$$

Bruk Lagrange-multiplikatorer til å finne kritiske punkt for denne funksjonen på flaten  $7x^3 + 4y^3 - 6yz - 8 = 0$ .

**Oppgave 3.** Beskriv integrasjonsområdet ved polarkoordinater og regn ut dobbeltintegralet

$$\int_0^1 \int_y^{\sqrt{2-y^2}} \frac{x}{x^2 + y^2} dx dy.$$

**Oppgave 4.** La vektorfeltet  $\mathbf{F}$  i planet være gitt ved

$$\mathbf{F}(x, y) = (-2xy^2, 2x^2y).$$

a) La  $C$  være kurven parameterisert ved  $\mathbf{r}(t) = (1-t, \sqrt{1-t})$  der  $0 \leq t \leq 1$ . Regn ut linjeintegralet

$$\int_C \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r}.$$

b) La  $D$  være området i første kvadrant avgrenset av parabelen  $y = x^2$  og kurven  $y = \sqrt{x}$ . Tegn en skisse av området og marker kurven  $C$  i samme koordinatsystem. Hvilken retning har  $C$ ?

c) Bruk Greens teorem til å finne linjeintegralet av  $\mathbf{F}$  langs randkurven til  $D$ .

**Oppgave 5.** En flate  $S$  er parameterisert ved

$$\mathbf{r}(u, v) = (u \cos v, u \sin v, \frac{1}{2}u^2),$$

der grensene er  $0 \leq u \leq \sqrt{v}$  og  $0 \leq v \leq \frac{\pi}{2}$ .

a) Sjekk ved innsetting at flaten  $S$  er en del av paraboloiden  $z = \frac{x^2 + y^2}{2}$ .

b) Finn de deriverte  $\mathbf{r}_u$  og  $\mathbf{r}_v$ , og regn deretter ut lengden  $|\mathbf{r}_u \times \mathbf{r}_v|$ .

c) Finn overflatearealet av flaten  $S$ .

**Oppgave 6.** Finn løsningen av den partielle differensialligningen

$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{1}{900} \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$$

som oppfyller randbetingelsene

$$u(0, t) = 0 \quad \text{og} \quad u(\pi, t) = 0$$

og initialbetingelsene

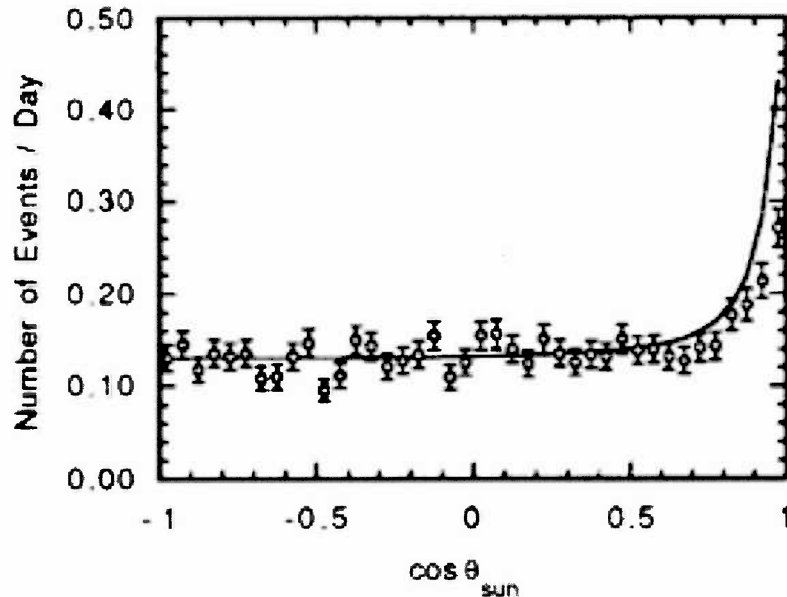
$$u(x, 0) = 5 \sin(6x) + 2 \sin(15x) \quad \text{og} \quad \frac{\partial u}{\partial t}(x, 0) = 0.$$

Regn ut  $\frac{\partial u}{\partial t}$  for denne løsningen.

**Oppgave 7.** Anta at sola stråler som et sort legeme som har temperaturen 5800 K

- Ved hvilken bølgelengde er denne strålingen sterkest?
- Hva er intensiteten (total utstråling per m<sup>2</sup>)?

**Oppgave 8.** Det er mange hensyn å ta ved plotting av måledata i fysikk. Figuren under er viktig i arbeidene som fikk nobelprisen i fysikk for 2015. Den ble publisert midt på 1990-tallet og viser antall nøytrinoer som er målt som funksjon av retningen de kommer fra.



- Hva er sirklene med t-streker? Hva er den heltrukne linja?
- Forklar hvordan framstillingen oppfyller minst 5 av Tufte's kriterier for visuelle presentasjoner.

## Vedlegg

### Tuftes kriterier

- (1. ) Vis dataene.
- (2. ) Få de som ser på til å tenke på betydningen, ikke på metode, design, teknikk ol.
- (3. ) Ikke vis dataene slik at de gir feil inntrykk.
- (4. ) Vis mange data på liten plass
- (5. ) Få store mengder data til å gi mening sammen.
- (6. ) Få den som ser på til å sammenligne flere deler.
- (7. ) Gjør dataene tydelige både i detaljene og samlet sett.
- (8. ) Framstillingen skal ha en tydelig hensikt: beskrivende, utforskende, systematiserende eller dekorerende.
- (9. ) Dataene skal samvirke med statistiske og/eller muntlige framstillinger.